# Особенности поведения термоэдс CeNi<sub>4</sub>Ga с нестабильной валентностью Ce

## М.Д. Котерлин

Университет Казимира Великого, пл. Вейссенгоффа, 11, г. Быдгощ, 85072, Польша

## О.И. Бабич

Львовский национальный университет имени Ивана Франко, ул. Драгоманова, 50, г. Львов, 79005, Украина

## Г.М. Котерлин

Западный научный центр НАН Украины и МОН Украины, ул. Матейка, 4, г. Львов, 79007, Украина E-mail: koterlyn@mail.lviv.ua

Статья поступила в редакцию 28 февраля 2019 г., опубликована онлайн 27 августа 2019 г.

Представлены результаты исследований в широком диапазоне температур (4–900 К) коэффициента термоэдс твердых растворов  $RNi_{4+x}Ga_{1-x}$  (R = Ce, La;  $0 \le x \le 0,5$ ), содержащих церий в состоянии валентной нестабильности. На их основе проведен анализ вклада *f*-состояний церия в термоэдс CeNi<sub>4</sub>Ga с учетом транспортных свойств кристаллической матрицы, в которой находится подсистема *f*-электронов. Показано, что особенности температурного поведения термоэдс CeNi<sub>4</sub>Ga обусловлены совместным проявлением эффектов некогерентного кондовского рассеяния электронов проводимости на локализованных *f*-центрах и рассеяния на спиновых флуктуациях в узкой *d*-зоне подрешетки никеля. Наблюдаемый при этом аномально низкий кондовский вклад в общую термоэдс предлагается связывать с возможным ослаблением кондо-компенсации магнитного момента ионов церия вследствие структурного атомного беспорядка в его ближайшем окружении.

Ключевые слова: редкоземельные металлы и сплавы, валентная нестабильность, электросопротивление, термоэдс, магнитная восприимчивость.

#### Введение

В проблеме физики сильно коррелированных электронных систем важное место занимают металлические системы с валентной нестабильностью (ВН) церия. Несмотря на повышенный интерес к таким системам, фундаментальные вопросы основного состояния системы, роли различных взаимодействий в его формировании пока остаются не вполне понятными. В связи с этим уже несколько десятилетий наблюдается постоянный рост интереса к исследованиям тройных соединений типа СеМ<sub>*n*</sub>Х<sub>*m*</sub> (М — переходной *d*-элемент, Х — *p*-элемент III или IV группы), которые обнаруживают большое разнообразие свойств основного состояния подрешетки Се (магнитные и немагнитные решетки Кондо, образование тяжелых фермионов с ферми- и нефермижидкостным поведением основных свойств, состояние типа квантовой критической точки и др.) [1-3]. Существование больших изоструктурных рядов в группе соединений этого типа позволяет рассматривать их в качестве очень удобных модельных объектов при изучении роли различного рода взаимодействий в формировании основного состояния подсистемы сильно коррелированных *f*-электронов на микроскопическом уровне.

Среди ряда сравнительно хорошо изученных соединений типа  $CeM_nX_m$  особый интерес представляют фазы состава CeNi<sub>4</sub>X (X = Cu, Al, Ga, Si). Результаты исследований электрических, магнитных и спектроскопических свойств показывают, что соединения ряда CeNi<sub>4</sub>X и твердые растворы на их основе образуют интересную группу систем, в которых реализуется весьма широкий спектр фазовых переходов в подрешетке Ce [4–14]. Данные соединения кристаллизуются в гексагональной структуре типа CaCu<sub>5</sub> (пространственная группа *P6/mmm*). Элементарная ячейка CeNi<sub>4</sub>X содержит одну формульную единицу с атомом Ce в

кристаллографической позиции 1a (0, 0, 0), два атома Ni располагаются в позиции 2c (1/3, 2/3, 0), а остальные атомы Ni и атомы X статистически распределены в позиции 3g (1/2, 0, 1/2) [4,6,7,12,14]. Согласно данным измерений спектроскопических и магнитных свойств CeNi<sub>4</sub>X [4,6-8,11-14], заселенность *f*-состояний Се находится в пределах 0,8 < n<sub>f</sub> < 0,9 и связанный с ними локализованный магнитный момент (ЛММ) является сильно редуцированным ( $\mu_{eff} \approx 0, 4-0, 9\mu_B$ ) в сравнении с его теоретическим значением для свободного иона  $Ce^{+3}$  (µ<sub>eff</sub> = 2,54µ<sub>B</sub>). Особенностью CeNi<sub>4</sub>X является то, что ЛММ Се наблюдается в интервале низких температур (T < 50 K), при которых валентно-нестабильный Се должен находиться в немагнитном состоянии. Подобное поведение систем с ВН Се часто связывают с наличием примесной фазы, содержащей церий в состоянии  $Ce^{+3}$ , или с образованием ЛММ на атомах Ni. Однако для некоторых соединений CeNi<sub>4</sub>X не удалось обнаружить образования примесных фаз даже в случае сравнительно больших ЛММ Се [4,6,7]. Исследования магнитной восприимчивости  $\chi$  так называемых «немагнитных» аналогов LaNi<sub>4</sub>X показывают, что подрешетка никеля может находиться в немагнитном состоянии типа парамагнетика Паули [12,15], либо в состоянии обменно-усиленного парамагнетика с заметной температурной зависимостью  $\chi$  [16,17]. В последнем случае зависимость  $\chi(T)$  в ограниченном интервале температур можно описать модифицированным законом Кюри-Вейсса и определить эффективный ЛММ на атомах Ni. По-видимому, на оценки величины ЛММ Се в CeNi<sub>4</sub>X имеет влияние состояние подрешетки Ni. Из анализа совокупности имеющихся исследований транспортных, магнитных и спектроскопических свойств [4-14] следует, что соединения CeNi<sub>4</sub>X можно рассматривать как системы с ВН Се или кондо-решетки (КР) с высокими температурами Кондо T<sub>K</sub> (>100 К). Хорошо известно, что электронные свойства таких систем характеризуются фермижидкостным поведением электрического сопротивления и парамагнитной восприимчивости при низких температурах ( $\rho \propto AT^2$  и  $\chi \propto \text{const}$  для  $T \ll T_K$ ), сравнительно невысокими значениями коэффициента электронной составляющей удельной теплоемкости (у ~ ~ 20-40 мДж/К<sup>2</sup>·моль) и большими положительными значениями коэффициента термоэдс (S ~ 10<sup>2</sup> мкВ/К) с максимумом в области температур порядка  $T_K$  [1,3,18]. При этом следует отметить, что характер зависимости S(T) обычно хорошо описывается уравнением  $S(T) \approx aT / (T^2 + b)$ , которое отражает образование возле уровня Ферми E<sub>F</sub> узкого пика плотности состояний  $g_f(E)$  шириной ~  $T_K$ , связанного с кондовским рассеянием электронов проводимости на локализованных fцентрах [19-21]. С такой общей характеристикой КР с высокими Т<sub>К</sub> не вполне согласуются некоторые свойства соединений CeNi<sub>4</sub>X. В частности, на температурных зависимостях электросопротивления и магнитной восприимчивости не наблюдается характерного ферми-жидкостного участка [4-9,11-14]. В широком интервале температур термоэдс соединений CeNi<sub>4</sub>X принимает отрицательные значения и зависимости S(T) не обнаруживают в явном виде составляющей вида  $S(T) \approx aT / (T^2 + b)$  [10,22]. Естественно предположить, что отсутствие характерного вклада в термоэдс может быть связано с частичным подавлением кондовского механизма рассеяния свободных носителей заряда, вызванного конкурирующим косвенным обменным взаимодействием Рудермана-Киттеля-Касуи-Иосиды (РККИ) в подсистеме локализованных *f*-электронов. Однако в цериевых системах с валентной неустойчивостью ионов Се магнитные корреляции f-центров обычно сильно подавлены и не оказывают существенного влияния на формирование локальной резонансной структуры  $g_{f}(E)$  [1]. В связи с этим представляет интерес проведение более детального анализа вклада *f*-состояний Се в термоэдс CeNi<sub>4</sub>X с учетом транспортных свойств кристаллической матрицы, в которой находится подрешетка церия. Для этой цели нами было использовано соединение CeNi<sub>4</sub>Ga, которое является одним из наиболее изученных представителей соединений ряда CeNi<sub>4</sub>X.

В настоящей работе приведены исследования термоэдс поликристаллических образцов твердых растворов RNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> (R = La, Ce;  $0 \le x \le 0.5$ ) в наиболее широком интервале температур (4–900 K). Использование сплавов с частичными атомными замещениями Ga $\rightarrow$ Ni, а также их аналогов с La является очень удобным при изучении взаимосвязи состояния BH Ce с особенностями поведения термоэдс в металлических системах подобного типа [20].

## Результаты измерений. Анализ вклада *f*-состояний Се в термоэдс CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub>

Поликристаллические образцы  $RNi_{4+x}Ga_{1-x}$  (R = Ce, La;  $0 \le x \le 0.5$ ) были получены путем синтеза стехиометрических количеств высокочистых компонентов в дуговой печи в атмосфере очищенного аргона. Образцы гомогенизировались при 1100 К на протяжении 250 ч. Контроль фазового состава образцов осуществлялся методами рентгеноструктурного анализа (установка ДРОН–3М, Си Кα-излучение) при температуре 300 К. Образцы всех исследуемых составов имели кристаллическую структуру типа CaCu5 и в пределах экспериментальной погрешности не содержали посторонних фаз. Полученные параметры решетки для соединений  $RNi_4Ga$  (R = La, Ce) находились в хорошем согласии с данными предыдущих исследований [11,12,15]. В случае сплавов CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> параметры решетки показывают приблизительно линейную зависимость от состава х (рис. 1). Подготовка образцов и методика их измерений аналогичны описанным в [20].

На рис. 2 приведены результаты измерений температурных зависимостей термоэдс *S* и удельного элек-



*Рис.* 1. Зависимости параметров решетки a (а), c (б) и объема элементарной ячейки (V) (в) от состава твердого раствора CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub>.

тросопротивления  $\rho$  сплавов CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub>. Для образца состава CeNi<sub>4</sub>Ga зависимость S(T) качественно хорошо согласуется с приведенной в работе для интервала температур T < 300 K [10]. Измерения термоэдс в области высоких температур (300 < T < 900 K) показывают, что обнаруженная ранее нелинейность поведения зависимости S(T) может быть связана со слабо выраженным



*Рис. 2.* (Онлайн в цвете) Температурные зависимости термоэдс твердого раствора CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub>. На вставке — температурные зависимости нормированных значений удельного сопротивления для составов с x = 0 (*1*) и 0,5 (*2*). Сплошная кривая соответствует зависимости  $\rho(T) / \rho(300 \text{ K}) = 0.81 + AT^2$ , где  $\rho(300 \text{ K}) = 122 \text{ мкОм} \cdot \text{см}$  и  $A = 8 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-2}$ .

кондовским рассеянием на локализованных f-состояниях. Такой общий вид зависимости S(T), в принципе, может быть результатом суммирования двух вкладов: отрицательной термоэдс кристаллической матрицы  $(S_{\rm crvs} \propto T)$  и положительного вклада вида  $S_f(T) \approx$  $\approx aT/(T^2+b)$  в предположении выполнения соотношения  $|S_{crvs}| > S_f$ . Аномально малые значения составляющей Sf обычно наблюдаются в концентрированных системах Кондо в режиме ярко выраженной конкуренции кондовских флуктуаций с магнитным обменным взаимодействием типа РККИ. В случае сплавов CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> видно, что только положительный экстремум зависимости S(T) является чувствительным к составу и его поведение можно связывать с изменением состояния ВН Се. Согласно общим представлениям о взаимосвязи термоэдс с состоянием ВН Се, в металлических системах положение максимума термоэдс  $T_{S \max}$  находится в корреляции с  $T_K$  и заселенностью f-оболочки  $n_f$  $(T_{S \max} \propto T_K \propto 1/n_f$ [23,24]). Замещение Ga на Ni приводит к возрастанию валентности Ce [12] (уменьшению  $n_f$ ) и, следовательно, сдвигу максимума S<sub>max</sub> в область высоких температур. Природа минимума термоэдс при  $T \approx 70$  К пока не имеет однозначной интерпретации. По мере замещения атомов Ga на Ni абсолютные значения экстремумов возрастают при сравнительно устойчивом положении минимума термоэдс ( $T_{S\min}(x) \approx$  $\approx$  const ). Характерно, что в области  $T_{Smin}$  каких-либо аномалий поведения сопротивления не наблюдается (рис. 2, вставка). Как видно, для состава с x = 0 наблюдается линейная зависимость сопротивления без насыщения при низких температурах. Отсутствие фермижидкостного участка  $\rho \propto AT^2$  и сравнительно малое изменение сопротивления (~ 10%) в широком интервале температур (4 К < T < 300 К) указывают, повидимому, на некогерентный характер спиновых флуктуаций в CeNi<sub>4</sub>Ga. В случае сплава с x = 0,5 наблюдается участок с поведением сопротивления, подобным ферми-жидкостному  $(\rho(T) / \rho(300 \text{ K}) = 0.81 + AT^2$ , где  $\rho(300 \text{ K}) = 122 \text{ мкОм см}, A = 8 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-2}$ для T < 70 K),что можно связывать с ослаблением механизма рассеяния носителей заряда на атомном беспорядке, создаваемым статистическим заполнением 3g-позиций разновалентными атомами (Ni и Ga).

На рис. 3 представлены температурные зависимости термоэдс *S* для сплавов LaNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> (x = 0, 0,5), используемых в качестве аналога CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub>. Зависимости *S*(*T*) показывают приблизительно линейный характер поведения в области низких температур ( $S \sim T$ при T < 100 K) с последующим существенным отклонением от линейности и тенденцией к насыщению при T > 700 К. Подобное поведение термоэдс свойственно некоторым немагнитным переходным *d*-металлам и сплавам на их основе [25,26] и связано с рассеянием легких носителей заряда *s* на межполосных переходах *s*-*d*-типа. Согласно данным зонных расчетов [27], структуры



Рис. 3. (Онлайн в цвете) Температурные зависимости термоэдс твердого раствора  $LaNi_{4+x}Ga_{1-x}$  для составов с x = 0 и 0,5. Сплошные кривые — расчетные зависимости термоэдс согласно (1). На вставках — температурные зависимости нормированных значений удельного сопротивления (нижняя) и предполагаемой магнитной составляющей термоэдс (верхняя).

плотности состояний в области энергий Ферми Е<sub>F</sub> сплавов LaNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> с x = 0 и 0,5 весьма похожи и качественно могут быть представлены пиком высокой плотности d-состояний Ni (N<sub>d</sub>(E)), который расположен в полосе с низкой плотностью spd-состояний, связанных с La и Ga. Центр тяжести пика  $N_d(E)$  находится ~ 2 эВ ниже уровня Ферми  $E_F$  и образует большую крутизну спада плотности состояний в окрестности Е<sub>F</sub> (большие абсолютные значения  $dN_d(E)/dE|_{E=E_F}$ ). Замещение Ga атомами Ni приводит к возрастанию  $N_d(E)$ и абсолютных значений  $dN_d(E)/dE|_{E=E_F}$  на уровне  $E_F$ . В рамках такой модели энергетического спектра естественно предположить, что транспортные свойства LaNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> формируются преимущественно рассеянием легких носителей заряда s на межполосных переходах *s*-*d*-типа и перескоках типа  $(s, d) \rightarrow (d', d'')$ , инициированных кулоновским отталкиванием [28]. Следовательно, можно ожидать, что экспериментальные кривые термоэдс в первом приближении можно описать зависимостью типа  $S = \alpha T + \beta T^2$  [28,29]. Оказывается, что такая зависимость удовлетворительно описывает экспериментальные данные во всем интервале температур 4 К < T < 900 К при некотором расхождении расчета с экспериментом в интервале средних температур (100 К < T < 300 К). Более детальный анализ показывает, что характер этих расхождений хорошо описывается дополнительным вкладом вида  $S(T) \propto \propto T/(T^2 + \delta)$ , который можно связывать с рассеянием легких носителей заряда на локальных спиновых флуктуациях в узкой *d*-зоне. Подобные вклады в термоэдс характерны для слабомагнитных металлических сплавов [30,31] и часто качественно отличаются от разбавленных кондовских систем только величиной эффекта. Таким образом, окончательное выражение для термоэдс LaNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> можно представить в виде

$$S = S_d + S_{sd} + S_{mag} = \alpha T + \beta T^2 + cT / (T^2 + \delta)$$
, (1)

где S<sub>d</sub> означает диффузионную составляющую термоэдс,  $S_{sd}$  — вклад электрон-электронного рассеяния и S<sub>mag</sub> — магнитный вклад, связанный со спиновыми флуктуациями в узкой *d*-зоне; α, β, c, δ — подгоночные параметры. На рис. 3 приведены расчетные зависимости S(T) (сплошная линия), вычисленные по формуле (1). Оптимальное согласование с экспериментом достигается при значениях параметров:  $\alpha = -2,0\cdot 10^{-2}$  и  $-2,9\cdot 10^{-2}$  мкВ/К<sup>2</sup>,  $\beta = 0,94\cdot 10^{-5}$  и  $1,42\cdot 10^{-5}$  мкВ/К<sup>3</sup>, c = -140 и -785 мкВ,  $\delta = 3,0\cdot 10^{4}$  и  $4,6\cdot 10^{4}$  К<sup>2</sup> соответственно для составов с x = 0 и 0,5. Отрицательные значения а связаны с отрицательной кривизной плотности состояний на уровне Ферми ( $\alpha \propto dN_d(E)/dE|_{E=E_F}$ ). Параметр β учитывает роль электрон-электронного рассеяния при переходах типа  $(s, d) \rightarrow (d', d'')$  и принимает значения, близкие к приведенным в [29] для чистых молибдена и вольфрама. Параметры с и δ описывают составляющую S<sub>mag</sub>, которая принимает минимальные значения при  $T_{S\min}$  = 180 и 220 К соответственно для составов с x = 0 и 0,5 (рис. 3, верхняя вставка). Сравнительно малые значения  $S_{\text{mag}}$  в случае состава с x = 0связаны, по-видимому, с ослаблением рассеяния на спиновых флуктуациях вследствие уменьшения вклада d-состояний Ni в общую плотность в области  $E_F$  и более эффективного рассеяния носителей заряда на атомном беспорядке. На сопротивлении это отражается отсутствием участка насыщения при  $T \to 0$  (рис. 3, нижняя вставка).

Из анализа приведенных данных следует, что доминирующим фактором в формировании термоэдс LaNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> являются межполосные *s*-*d* переходы и перескоки типа (*s*, *d*)  $\rightarrow$  (*d'*, *d''*), вызванные наличием пика локальной плотности *d*-состояний Ni вблизи уровня Ферми *E<sub>F</sub>*. Дополнительный вклад в термоэдс, связанный со спиновыми флуктуациями в *d*-зоне Ni, в случае LaNi<sub>4</sub>Ga пренебрежимо мал. Согласно данным расчетов зонной структуры соединений LaNi<sub>4</sub>Ga [27] и CeNi<sub>4</sub>Ga [6], замена атомов La на Ce приводит к некоторому уширению и сдвигу в область низких энергий пика *N<sub>d</sub>*(*E*), что может, в принципе, вызвать уменьшение абсолютных значений *dN<sub>d</sub>*(*E*)/*dE*  $|_{E=E_F}$ . Кроме того, следует учитывать возможность дополнительной трансформации пи-

ка  $N_d(E)$  в области  $E_F$  для CeNi<sub>4</sub>Ga, связанной со значительной f-d-гибридизацией (~ 68 мэВ [11]) в режиме валентной неустойчивости Се. Как видим, выделение «чистого» вклада f-электронов в общую термоэдс CeNi<sub>4</sub>Ga является весьма нетривиальной задачей и его оценки будут иметь лишь приближенный характер.

На рис. 4 приведены температурные зависимости вклада *f*-состояний Се в термоэдс  $CeNi_{4+x}Ga_{1-x}$  с x = 0



Рис. 4. (Онлайн в цвете) Температурные зависимости вклада f-состояний Се в общую термоэдс CeNi<sub>4</sub>Ga (*a*) и CeNi<sub>4,5</sub>Ga<sub>0,5</sub> (б). Зависимости получены путем прямого вычитания термоэдс аналога,  $S_f = S(Ce) - S(La)$ , где S(Ce) и S(La) обозначают термоэдс сплавов с Се и La (1), и при помощи соотношения Гортера–Нордгейма (2). Сплошные и пунктирные кривые расчетные зависимости термоэдс  $S_f$  и ее составляющих (кондовской  $S_K$  и магнитной  $S_{mag}$ ) согласно (2) и (3) (см. текст).

и 0,5, определенные из соотношений  $S_f = S(\text{Ce}) - S(\text{La})$ и  $S_f = (\rho(\text{Ce})S(\text{Ce}) - \rho(\text{La})S(\text{La}))/(\rho(\text{Ce}) - \rho(\text{La}))$ , где  $\rho(Ce), \rho(La)$  и S(Ce), S(La) обозначают удельное сопротивление и термоэдс сплавов с Се и La. Последнее соотношение, называемое правилом Гортера-Нордгейма (ГН), обычно используется с целью более детального анализа составляющих общей термоэдс, связанных с различными механизмами рассеяния свободных носителей заряда [28]. В данном случае правило ГН применено для анализа только низкотемпературной части зависимости  $S_f(T)$ . Как видно, для обоих сплавов зависимости  $S_f(T)$  качественно напоминают поведение термоэдс цериевых систем с низкими значениями Т<sub>К</sub> (< 100 К) [1,23,32]. Отрицательный минимум  $S_f$  при низких температурах сменяется положительным максимумом. В таких системах минимум термоэдс связывают со спиновыми межцентровыми корреляциями либо с когерентностью кондовских флуктуаций в подсистеме f-электронов и его положение коррелирует с  $T_K$ . Положение максимума термоэдс определятся энергией расщепления *f*-уровня кристаллическим полем  $\delta$  ( $k_B T_{Smax} \approx \delta/3$ ,  $k_B T_K < \delta$ ) [32]. Для систем такого типа характерным является наблюдение определенной чувствительности к атомным замещениям отрицательного вклада в термоэдс и сравнительно высокой устойчивости положения максимума [1], что не наблюдается в нашем случае. Если кондо-решетка находится в состоянии с  $T_K \ge \delta$ , то термоэдс принимает положительные значения с максимумом при  $T \approx (0,6-0,9)T_K$  [24], который обычно является очень чувствительным к атомным замещениям [19,22], как это и наблюдается в нашем случае. Обращают на себя внимание сравнительно малые абсолютные значения  $S_f$  для состава с x = 0, нетипичные для концентрированных кондо-систем на основе Се. Отрицательная составляющая вклада  $S_f(T)$  с минимумом при  $T \approx 75$  К более четко проявляется в случае применения при обработке эксперимента правила ГН.

При интерпретации поведения термоэдс в интерметаллидах с ВН Се составляющую S<sub>f</sub> обычно связывают с образованием тонкой резонансной структуры  $g_{f}(E)$  в плотности электронных состояний возле уровня Ферми  $E_{F}$ , параметры которой определяются режимом спиновых флуктуаций в подсистеме *f*-электронов. В случае некогерентного режима флуктуаций и сильного орбитального вырождения *f*-состояний ( $N_f >> 1$ ), которое обычно реализуется в цериевых системах с  $T_K > 100$  K, резонансная структура  $g_f(E)$  принимает форму пика, близкую к лоренцевской [24]. Для таких систем составляющая S<sub>f</sub> качественно хорошо описывается формулой  $S_f(T) \approx aT/(T^2+b)$ , которая может быть использована для оценки температуры Кондо Т<sub>К</sub> [19-21]. В предположении реализации полного орбитального вырождения основного состояния  ${}^{2}F_{5/2}$  иона Ce<sup>+3</sup>  $(N_f = 2J + 1 = 6)$  и сравнительно устойчивых параметров пика  $g_f(E)$  по отношению к изменениям температуры в пределах проводимых измерений, температуру Кондо можно оценить по формуле

$$T_{K} = \sqrt{b / (3 / \pi^{2} + 3 / N_{f}^{2})}$$

или, если использовать данные о температурном положении максимума термоэдс  $T_{Sf \max}$ ,

$$T_K = \pi T_{Sf \max} / \sqrt{3 + 3\pi^2 / N_f^2}$$
 [20].

В нашем случае вклад  $S_f(T)$  в общую термоэдс CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> определяется, по-видимому, суммой двух составляющих: кондовской  $S_K$ , с зависимостью вида  $S_K(T) \approx aT / (T^2 + b)$ , и магнитной  $S_{\text{mag}}$ , связанной со спиновыми корреляциями в подсистеме *f*- или *d*-электронов.

Анализ отклонений  $|\Delta S_f|$  экспериментальных значений термоэдс от вычисленных по формуле  $S_K(T) \approx$  $\approx aT/(T^2+b)$  для CeNi<sub>4</sub>Ga показывает, что способ определения экспериментальных значений S<sub>f</sub> (прямое вычитание значений термоэдс аналога или применение правила ГН) сказывается главным образом на величине  $|\Delta S_f|$  и не влияет на характер зависимости  $\Delta S_f(T)$ . В обоих случаях  $\Delta S_f \sim T$  в области T < 60 К и  $\Delta S_f \sim T^{-2}$ при T > 100 К, принимая максимальные значения  $|\Delta S_f| \sim 0,5-3,0$  мкВ/К при  $T \approx 75$  К. Такое поведение  $\Delta S_f(T)$  качественно соответствует вкладу в термоэдс межцентровых спиновых корреляций [1,32,33], которые, как уже отмечалось, существенно влияют на транспортные свойства концентрированных кондо-систем с  $T_K < 100$  К. Подобный вклад в термоэдс характерен также для разбавленных *d*-сплавов вблизи перехода от магнитного к немагнитному состоянию и связан с эффектами локальных спиновых флуктуаций в окружении примесных магнитных центров [28,30,31]. К сожалению, применяемые к настоящему времени модели при изучении влияния подобных эффектов на термоэдс кондовских систем не позволяют представить результаты расчета в аналитической форме. Однако в целом анализ работ [30,31,33] показывает, что вклад в термоэдс обсуждаемых корреляционных эффектов можно приближенно описать соотношением  $S_{\text{mag}}(T) \propto T / (T^3 + b_1)$ , которое соответствует характеру поведения  $\Delta S_f(T)$ . Таким образом, зависимость вклада  $S_f$  от T для CeNi<sub>4</sub>Ga можно представить в виде

$$S_f(T) = S_{\text{mag}}(T) + S_K(T) = a_1 T / (T^3 + b_1) + a_2 T / (T^2 + b_2),$$
(2)

где  $S_{\text{mag}}$  означает термоэдс, связанную с возможными магнитными корреляциями в подрешетках Се или Ni,  $S_K$  — кондовскую составляющую термоэдс;  $a_1$ ,  $b_1$ ,  $a_2$ ,  $b_2$  — подгоночные параметры. На рис. 4(а) приведены расчетные зависимости вклада  $S_f(T)$  и его составля-

ющих, вычисленные по формуле (2). Согласование расчета с экспериментом проводилось по принципу совпадения значений термоэдс в точках экстремумов. Наилучшее согласие расчетной кривой  $S_{f}(T)$  с экспериментальной для CeNi4Ga достигается в интервале температур  $T \le 500$  К при значениях подгоночных параметров:  $a_1 = -5,2\cdot 10^4$  мкВ·К,  $b_1 = 1,0\cdot 10^6$  К<sup>3</sup> и  $a_2 = 2,7\cdot 10^3$  мкВ,  $b_2 = 7,0\cdot 10^4$  К<sup>2</sup>. В области температур T > 500 К расхождение расчета с экспериментом следует связывать с возможным изменением параметров пика  $g_f(E)$  (ширина пика и его положение относительно уровня Ферми могут быть весьма чувствительными к изменениям температуры [19,21,34]). В предположении полного орбитального вырождения f-состояний Ce зависимость  $S_K(T)$  соответствует температуре Кондо  $T_{K} = 425$  К. Составляющая термоэдс  $S_{mag}(T)$  характеризуется минимумом ~ -2,7 мкВ/К при T = 75 К. Аналогичное согласование расчета с данными, полученными из соотношения  $S_f = S(Ce) - S(La)$ , дает подобные результаты. Основные отличия касаются абсолютных значений минимума  $S_{\text{mag}}$  (уменьшение ~ 50%) и положения максимума составляющей  $S_K$  (сдвиг ~ 50 К в область более высоких температур), которому соответствует температура Кондо  $T_K = 455$  К. Как видим, использование двух подходов при вычислении вклада  $S_{f}(T)$  в общую термоэдс с последующим выделением составляющей S<sub>K</sub> определяет температуру Кондо для CeNi<sub>4</sub>Ga в пределах  $T_K \approx 420-460$  К.

В случае сплава CeNi<sub>4,5</sub>Ga<sub>0,5</sub> составляющая термоэдс  $S_{mag}(T)$  несколько меняет характер поведения и зависимость  $S_f(T)$  более удобно представить уравнением

$$S_f(T) = S_{\text{mag}}(T) + S_K(T) = a_3 T / (T^2 + b_3) + a_4 T / (T^2 + b_4).$$
(3)

Согласование с экспериментом проводилось по принципу совпадения расчетных и экспериментальных значений термоэдс в точках экстремумов. На рис. 4(б) приведены расчетные зависимости вклада  $S_f(T)$  и его составляющих, полученные при следующих значениях подгоночных коэффициентов:  $a_3 = -1,1\cdot10^3$  мкВ,  $b_3 = 0,6\cdot10^4$  K<sup>2</sup> и  $a_4 = 2,9\cdot10^4$  мкВ,  $b_4 = 4,1\cdot10^5$  K<sup>2</sup>. Положительная составляющая термоэдс  $S_K$  в рамках модели [19,20] соответствует температуре Кондо  $T_K = 1030$  К. Составляющая термоэдс  $S_{mag}(T)$  характеризуется минимумом ~ -7,4 мкВ/К при T = 75 К.

Таким образом, при замещении в CeNi<sub>4</sub>Ga 50% атомов Ga на Ni наблюдается ~ 2-кратное увеличение температуры Кондо и ~ 4-кратное увеличение значения максимума составляющей термоэдс  $S_K$ , связанной с ВН Ce. Абсолютное значение магнитной составляющей термоэдс  $S_{mag}$  также является чувствительным к атомным замещениям, однако положение минимума на зависимости  $S_{mag}(T)$  проявляет высокую степень устойчивости.

#### Обсуждение результатов и заключение

Хорошо известно, что общей характеристикой металлических систем с ВН Се или кондо-решеток с высокими температурами Кондо T<sub>K</sub> (> 100 K) являются сравнительно большие значения термоэдс ( $S \sim 10^2$  мкB/K) и наличие положительного пика при температурах  $T_{\rm max} \approx$  $\approx (0,6-0,9)T_K$  [24], который приближенно описывается формулой  $S(T) \approx aT / (T^2 + b)$  [19–21]. В нашем случае из представленных исследований следует, что состояния ВН Се в CeNi<sub>4</sub>Ga характеризуются аномально малым вкладом в общую термоэдс, описываемым формулой  $S(T) \approx aT / (T^2 + b)$  в ограниченном интервале температур (100 < T < 500 K), и высокой температурой Кондо в пределах значений 420 К < T < 460 К. Для большей определенности целесообразно сравнить полученную температуру Кондо Тк с ее оценками на основании других, например, спектроскопических измерений. В рамках однопримесной модели Андерсона [35] Т<sub>К</sub> можно оценить из соотношения

$$T_K = \frac{2J+1}{\pi} \Gamma\left(\frac{1-n_f}{n_f}\right),\tag{4}$$

где Г — параметр гибридизации между *f*-электронами и электронами проводимости. По данным рентгеновской фотоэмиссионной спектроскопии [11] состояние ВН Се в CeNi<sub>4</sub>Ga характеризуется при T = 300 К заселенностью *f*-состояний  $n_f = 0,76$  и гибридизационным уширением *f*-уровня  $\Gamma = 68$  мэВ. После подстановки этих данных в уравнение (4) получаем значение  $T_K = 476$  K, которое сравнительно хорошо согласуется с оценками, полученными при обработке результатов измерений термоэдс. По совокупности проведенных оценок можно принять, что температура Кондо для CeNi4Ga находится в интервале значений  $T_K = (420-480)$  К. Термоэдс цериевых соединений с  $T_K > 100$  К обычно принимает положительные значения и в случае некогерентного состояния f-подрешетки линейно зависит от температуры при  $T < T_K$  [1,23,24]. Появление в нашем случае отрицательной составляющей термоэдс S<sub>mag</sub> в области температур  $T < T_K$  следует связывать, по-видимому, с проявлением локальных спиновых флуктуаций в *d*-зоне подрешетки никеля.

Высокая чувствительность кондовской составляющей термоэдс  $S_K$  в CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> к составу вызвана доминирующей ролью Ni в формировании состояний BH Ce. Согласно расчетам электронного строения сплавов-аналогов LaNi<sub>5-y</sub>Ga<sub>y</sub> (y = 0, 0, 5, 1, 0) [27], увеличение содержания Ni приводит к возрастанию вклада *d*-электронов Ni в общую плотность состояний на уровне  $E_F$ . Такая трансформация энергетического спектра существенно влияет на степень *f*-*d*-гибридизации и, соответственно, состояние валентной неустойчивости Ce. Аномально малые значения  $S_K$  для CeNi<sub>4</sub>Ga следует связывать с влиянием атомного беспорядка в ближайшем окружении Се на структуру кондовского пика плотности состояний  $g_f(E)$ . Статистическое распределение разновалентных атомов Ga и Ni в позиции 3g может вызывать ослабление кондо-компенсации (экранирования) ЛММ Се и, как следствие, частичное размытие тонкой структуры  $g_f(E)$ . Это приведет к уменьшению составляющей S<sub>K</sub>, которая является особенно чувствительной к параметрам пика  $g_f(E)$  (в первом приближении  $S_K \sim T dg_f(E) / dE |_{E=E_F}$  [24]). Подтверждением данного предположения могут служить измерения термоэдс соединения CeNi<sub>4</sub>Cu [20], которое характеризуется приблизительно таким же валентным состоянием Се с заселенностью *f*-оболочки  $n_f = 0.8$  [8]. В случае CeNi<sub>4</sub>Cu хаотическое потенциальное поле, вызванное статистическим заполнением 3g-позиций атомами почти одинаковой валентности (Ni и Cu), значительно слабее. Следовательно, пик  $g_f(E)$  существенно не размывается и, как следствие, кондовская составляющая термоэдс S<sub>K</sub> значительно возрастает (~ 6-кратное увеличение максимума вклада  $S_f(T)$  в общую термоэдс [20]). По-видимому, неполным экранированием ЛММ Се можно также объяснить высокую чувствительность магнитной восприимчивости χ CeNi<sub>4</sub>Ga к условиям приготовления образцов. Согласно данным работ [6,11–13], зависимость  $\chi(T)$  для CeNi<sub>4</sub>Ga в области температур T < 50 К описывается модифицированным законом Кюри-Вейсса со сравнительно большим разбросом значений эффективного ЛММ  $\mu_{eff} \approx 0,35-0,8\mu_B$  / форм. ед.). Кроме того, наблюдается также существенный разброс значений дополнительной намагниченности в области температур T < 150 К, которая проявляется в разной степени отклонениях от кюри-вейссовской зависимости  $\chi(T)$ .

Сравнительный анализ проведенных измерений термоэдс и имеющихся данных о магнитной восприимчивости [11-14] соединений RNi<sub>4</sub>Ga (R = Ce, La) дает основание полагать, что составляющая термоэдс S<sub>mag</sub> связана со спиновыми флуктуациями в узкой полосе d-состояний Ni. Минимум составляющей S<sub>mag</sub> приблизительно совпадает с областью дополнительного вклада χехс в восприимчивость CeNi4Ga, связанного с обменноусиленной частью спиновой восприимчивости подрешетки Ni [13]. В случае LaNi4Ga спин-флуктуационные возбуждения плотности *d*-состояний Ni существенно ослаблены. На зависимостях S(T) и  $\chi(T)$  это отражается слабым магнитным вкладом S<sub>mag</sub> в общую термоэдс (см. рис. 4(а)) и восприимчивостью типа Паули со слабой температурной зависимостью [15]. Частичное замещение атомов галлия никелем в  $RNi_{4+x}Ga_{1-x}$  (R = La, Се) приводит к усилению спин-флуктуационного эффекта и увеличению магнитного вклада S<sub>mag</sub> в общую термоэдс (рис. 3 и 4). Также к увеличению абсолютных значений S<sub>mag</sub> приводит вовлечение в химическую связь f-состояний ионов Се. Уменьшение заселенности f-оболочки Се в CeNi<sub>4+x</sub>Ga<sub>1-x</sub> при замещении атомов галлия никелем [12] и связанное с этим процессом возрастание степени f-d-гибридизации вызывает усиление спинфлуктуационного эффекта в *d*-зоне. Качественно подобная корреляция отрицательной составляющей термоэдс S<sub>mag</sub> и магнитного состояния подрешетки 3d-переходного элемента характерна, по-видимому, для родственного сплава CeNi<sub>5-v</sub>Cu<sub>v</sub> со структурой типа CaCu<sub>5</sub> [16,20,36] и соединений ряда CeM<sub>2</sub>Si<sub>2</sub> (M = Fe, Co, Ni) с  $T_K \sim 10^3$  К [37–39]. Известно, что для исходного сплава CeNi<sub>5</sub> на зависимости S(T) наблюдается два положительных максимума при T = 110 и 650 K, связанных, соответственно, со спиновыми флуктуациями в подрешетках Ni и Ce [20,36]. Положение максимума  $S_{max1}$ хорошо коррелирует с положением максимума магнитной восприимчивости  $\chi_{\text{max}}$  при  $T \approx 100$  K, поведение которой соответствует состоянию обменно-усиленного зонного парамагнетика [40]. Уже при сравнительно малых замещениях Ni атомами Cu ( $y \le 0.5$ ) наблюдается резкая трансформация максимума Smax1 в отрицательный минимум [36]. При этом появлению минимума термоэдс сопутствует смещение максимума χ<sub>max</sub> в область низких температур и полное его размытие, что указывает на изменение характера спиновых флуктуаций в подрешетке Ni [16,41]. По-видимому, в случае соединений CeM<sub>2</sub>Si<sub>2</sub> имеет место подобная связь термоэдс с магнитным состоянием подрешетки М элемента. Уменьшение вклада температурно-зависимой части  $\chi_{exc}$ в общую восприимчивость по мере заполнения 3d-оболочки М элемента [38,39] хорошо коррелирует с уменьшением отрицательного вклада в общую термоэдс в области температур T < 200 К [37]. Следует подчеркнуть, что общим свойством рассмотренных систем является нахождение подрешетки 3*d*-элемента в состоянии, близком к стонеровской магнитной нестабильности, когда небольшое возрастание плотности состояний может привести к спиновой поляризации. Именно для таких систем, возможно, характерно появление отрицательного вклада в общую термоэдс в области низких температур [30,31,33,42].

Отметим также, что при исследовании подобных систем естественно возникает вопрос о возможной корреляции спиновых флуктуаций в подрешетках никеля и церия. Однако, насколько нам известно, в настоящее время отсутствует какой-либо системный анализ исследований кондовских систем с эффектами совместного проявления спиновых флуктуаций в подсистемах *f*- и *d*-электронов. По-видимому, этот вопрос заслуживает отдельного обсуждения и более детального рассмотрения, выходящего за рамки настоящей работы.

Таким образом, из совокупности приведенных данных и их анализа можно заключить, что аномальное поведение коэффициента термоэдс CeNi4Ga обусловлено совместным проявлением эффектов некогерентного кондовского рассеяния электронов проводимости на локализованных *f*-центрах Се и рассеяния, вызванного спиновыми корреляциями в *d*-зоне подрешетки никеля. Наблюдаемый аномально низкий кондовский вклад в общую термоэдс CeNi<sub>4</sub>Ga предлагается связывать с ослаблением кондо-компенсации магнитного момента ионов церия вследствие структурного атомного беспорядка в его ближайшем окружении.

- 1. N.B. Brandt and V.V. Moshchalkov, Adv. Phys. 33, 373 (1988).
- 2. G.R. Stewart, Rev. Mod. Phys. 73, 797 (2001).
- 3. В.Ю. Ирхин, *УФН* **187**, 801 (2017).
- T. Toliński, A. Kowalczyk, G. Chełkowska, M. Pugaczowa-Michalska, B. Andrzejewski, V. Ivanov, A. Szewczyk, and M. Gutowska, *Phys. Rev. B* 70, 064413 (2004).
- T. Toliński, V. Ivanov, and A. Kowalczyk, *Materials Science-Poland* 24, 789 (2006).
- A. Kowalczyk, M. Pugaczowa-Michalska, and T. Toliński, *Phys. Status Solidi B* 242, 433 (2005).
- A. Kowalczyk, T. Toliński, B. Andrzejewski, and A. Szlaferek, J. Alloys Comp. 413, 1 (2006).
- T. Toliński, A. Kowalczyk, A. Szewczyk, and M. Gutowska, J. Phys.: Condens. Matter 18, 3435 (2006).
- T. Toliński, A. Kowalczyk, V. Ivanov, G. Chełkowska, and M. Timko, *Czech. J. Phys.* 54, D287 (2004).
- T. Toliński, V. Zlatić, and A. Kowalczyk, *J. Alloys Comp.* 490, 15 (2010).
- T. Toliński, G. Chełkowska, M. Falkowski, and A. Kowalczyk, J. Magn. Magn. Mater. 323, 1678 (2011).
- H. Flandorfer, P. Rogl, K. Hiebl, E. Bauer, A. Lindbaum, E. Gratz, C. Godart, D. Gignoux, and D. Schmitt, *Phys. Rev. B* 50, 15527 (1994).
- J. Tang, L. Li, C.J. O'Connor, and Y.S. Lee, *J. Alloys Comp.* 207/208, 241 (1994).
- A. Kowalczyk, M. Falkowski, V.H. Tran, and M. Pugaczowa-Michalska, J. Alloys Comp. 440, 13 (2007).
- Devang A. Joshi, C.V. Tomy, D.S. Rana, R. Nagarajan, and S.K. Malik, *Solid State Commun.* 137, 225 (2006).
- E. Burzo, S. G. Chiuzbăian, L. Chioncel, and M. Neumann, J. Phys.: Condens. Matter 12, 5897 (2000).
- E. Burzo, S.G. Chiuzbăian, M. Neumann, and L. Chioncel, J. Phys.: Condens. Matter 14, 8057 (2002).
- V. Zlatić, I. Milat, B. Coqblin, and G. Czycholl, *Phys. Rev. B* 68, 104432 (2001).
- M.D. Koterlyn, R.I. Yasnitskii, G.M. Koterlyn, and B.S. Morokhivskii, *J. Alloys Comp.* 348, 52 (2003).
- M.D. Koterlyn, O.I. Babych, and G.M. Koterlyn, *J. Alloys Comp.* 325, 6 (2001).
- M. Koterlyn, B. Morokhivskii, and R. Yasnitskii, *Chem. Met. Alloys* 4, 107 (2011).
- М.Д. Котерлин, О.И. Бабич, Б.С. Морохивский, М.Б. Конык, Р.В. Луцив, *ФТТ* 30, 1512 (1988).
- T.A. Costi, A.C. Hewson, V. Zlatič, J. Phys.: Condens. Matter 6, 2519 (1994).
- 24. N.E. Bickers, D.L. Cox, and J.W. Wilkins, *Phys. Rev. B* 36, 2036 (1987).

- 25. T. Aisaka and M. Shimizu, J. Phys. Soc. Jpn. 28, 646 (1970).
- 26. E. Gratz, J. Magn. Magn. Mater. 24, 1 (1981).
- D. Chen, G.X. Li, D.L. Zhang, and T. Gao, *Acta Metall. Sin.* (*Engl. Lett.*) 21, 157 (2008).
- Ф.Дж. Блатт, П.А. Шредер, К.Л. Фойлз, Д. Грейг, *Термоэлектродвижущая сила металлов*, Металлургия, Москва (1980).
- 29. L.J. Colquitt, H.R. Fankhauser, and F.J. Blatt, *Phys. Rev. B* 4, 292 (1971).
- 30. K. Fischer, J. Low Temp. Phys. 17, 87 (1974).
- 31. I. Fisk and A.B. Kaiser, J. Low Temp. Phys. 61, 1 (1985).
- V. Zlatić, B. Horvatić, I. Milat, B. Coqblin, G. Czycholl, and C. Grenzebach, *Phys. Rev. B* 68, 104432 (2003).
- 33. K. Fischer, Z. Phys. B 76, 3156 (1989).
- C. Grenzebach, F.B. Anders, G. Czycholl, and T. Pruschke, *Phys. Rev. B* 74, 195119 (2006).
- P.S. Riseborough and J.M. Lawrence, *Rep. Prog. Phys.* 79, 084501 (2016).
- S. Cabus, K. Gloos, U. Gottwick, S. Horn, M. Klemm, J. Kubler, F. Steglich, and R.D. Parks, *Solid State Commun.* 51, 909 (1984).
- M. Koterlyn, I. Shcherba, R. Yasnitskii, and G. Koterlyn, *J. Alloys Comp.* 442, 176 (2007).
- C. Ammarguellat, M. Escorne, A. Mauger, E. Beaurepaire, M.F. Ravet, G. Krill, F. Lapierre, P. Haen, and C. Godart, *Phys. Status Solidi B* 143, 159 (1987).
- Marián Mihalik, Matúš Mihalik, and Vladimír Sechovsky, *Physica B* 359–361, 163 (2005).
- D. Gignoux, F. Givord, R. Lemaire, H. Launois, F. Sayetat, *J. Physique* 43, 173 (1982).
- Г.Е. Гречнев, А.В. Логоша, И.В. Свечкарев, А.Г. Кучин, Ю.А. Куликов, Р.А. Korzhavyi, О. Eriksson, *ФНТ* 32, 1498 (2006) [*Low Temp. Phys.* 32, 1140 (2006)].
- 42. T. Okabe, J. Phys.: Condens. Matter 22, 115604 (2010).

## Особливості поведінки термоерс CeNi<sub>4</sub>Ga з нестабільною валентністю Ce

### М.Д. Котерлин, О.Й. Бабич, Г.М. Котерлин

Представлено результати досліджень у широкому діапазоні температур (4–900 К) термоерс твердих розчинів  $RNi_{4+x}Ga_{1-x}$  (R = Ce, La;  $0 \le x \le 0,5$ ), що містять церій в стані валентної нестабільності. На їх основі проведено аналіз внеску f-станів церію в термоерс CeNi4Ga з урахуванням транспортних властивостей кристалевої матриці, в якій знаходиться підсистема f-електронів. Показано, що особливості температурної поведінки термоерс CeNi4Ga обумовлені спільним проявом ефектів некогерентного кондівського розсіювання електронів провідності на локалізованих f-центрах та розсіювання на спінових флуктуаціях у вузькій d-зоні підгратки нікелю. Спостережений при цьому аномально низький кондівський внесок в загальну термоерс пропонується пов'язувати з можливим ослабленням кондо-компенсації магнітного моменту іонів церію внаслідок структурного атомного безладу у його найближчому оточенні.

Ключові слова: рідкісноземельні метали та сплави, валентна нестабільність, електроопір, термоерс, магнітна сприйнятливість.

## Specificities of the behavior of thermoelectric power in CeNi<sub>4</sub>Ga with an instable valence of Ce

## M.D. Koterlyn, O.I. Babych, and G.M. Koterlyn

The results of the studies in a wide temperature range (4-900 K) of the thermoelectric power for solid solutions  $RNi_{4+x}Ga_{1-x}$  (R = = Ce, La;  $0 \le x \le 0.5$ ) containing cerium in a state of valence instability are presented. Based on them, an analysis was made of the contribution of the cerium f-states to the thermopower of CeNi4Ga with taking into account the transport properties of the crystal matrix containing the f-electron subsystem. It is shown that the specificities of the temperature behavior of the CeNi4Ga thermopower are caused by a joint manifestation of the effects of the incoherent Kondo scattering of conduction electrons on localized f-centers and scattering on spin fluctuations in the narrow d-band of the nickel sublattice. The anomalously low Kondo contribution to the total thermopower observed in this case is suggested to be associated with the possible weakening of the Kondo-compensation of the magnetic moment of cerium ions due to the structural atomic disorder in its immediate environment.

Keywords: rare earth metals and alloys, valence instability, electrical resistivity, thermoelectric power, magnetic susceptibility.