А. Н. СЕРГИЕНКО, преп.-стажер НТУ «ХПИ»

МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ КОЛЕБАНИЙ В ХОДОВОЙ СИСТЕМЕ АВТОМОБИЛЯ С ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫМ ДЕМПФИРОВАНИЕМ

Разработана математическая модель колебаний в ходовой системе автомобиля с ЭМП-амортизатором в подвеске и методика оценки его энергетических показателей в процессе работы.

Ключевые слова: математическая модель, подвеска, ЭМП-амортизатор, автомобиль, двухмассовая система, демпфирование, энергия, показатели.

Постановка проблемы. Проблема рационального использования энергии в автомобиле становится все более актуальной и продолжает оставаться в центре внимания ведущих автопроизводителей. При этом рассматриваются различные варианты трансформации механической энергии и ее рекуперации с использованием эффективного накопителя.

В частности одним из таких решений является использование электромеханического преобразователя (ЭМП)-амортизатора в составе подвески автомобиля.

Эти устройства могут быть использованы не только в системе подрессоривания автомобиля, но и в подвесках сидения водителя, кабины и двигателя.

Преимущества использования электромеханического преобразователя на автомобиле заключаются в возможности несложного управления силой демпфирования, осуществления рекуперации механической энергии в электрическую и др. Некоторые варианты конструкции исключают из подвески дополнительные механические элементы. При этом уменьшается величина неподрессоренной массы автомобиля, что снижает его динамическую нагруженность и повышает надежность.

Анализ вариантов конструкции показал целесообразность использования ЭМП-амортизатора в виде линейного синхронного ЭМП с возбуждением от постоянных магнитов [1].

В известных источниках информации недостаточно уделено внимания вопросам моделирования процессов протекающих в указанных устройствах и оценке их энергетических показателей при использовании в конструкции автомобиля

Анализ последних достижений и публикаций. Вопросами математического моделирования автомобилей с активной и пассивной системами подрессоривания занимаются ученые и инженеры ведущих автомобильных корпораций. В частности работы ведутся в направлении

моделирования активной электромеханической подвески с различными вариантами конструкции ЭМП.

В работе [2] авторами рассмотрена система гашения колебаний автоматизированной системой подвески. Роботизированная система основана на контроле перемещения масс подвески автомобиля. Для решения задачи осуществляется контроль положения колеса и кузова автомобиля. Для того, чтобы не применять датчики ускорения и скорости использована система алгебраической оценки в реальном масштабе времени. Результаты симуляции отображают динамику и степень роботизации предложенной активной подвески автомобиля.

работе [3] для улучшения показателей плавности хода vправляемости автомобиля предлагается активная подвеска. Однако. современные активные системы подвесок потребляют много энергии, уменьшая топливную экономичность. В работе рассмотрены колебания автомобиля. вызванные неровностью дороги. Механическая энергия трансформируется в электрическую энергию и компенсирует затраты, потреблением активной подвеской. Полученная энергия входной насоса используется качестве мошности для питания В гидравлических приводов. Адаптивный Neurofuzzy-контроллер разработан для генерации сигналов контроля и управления клапанами гидравлических приводов.

В работе [4] проведено исследование затрат энергии в автомобильной подвеске. В разработанной модели рассматриваются подвески с линейной и нелинейной характеристиками. Сравнение результатов показывает, что до скорости движения 30 км/ч разница незначительна. Когда скорость превышает 30 км/ч нелинейность характеристики необходимо учитывать. Количество затраченной энергии при демпфировании колебаний составляет 0,06...0,17 кВт·ч.

В работе [5] рассматриваются конструктивные аспекты применения активной электро-магнитной подвески для транспортного средства, которая сочетает бесщеточные цилиндрические постоянные магниты с пассивной Предложенная система предназначена пружиной. для обеспечения дополнительной устойчивости безопасности при выполнении маневрирования и остановки, а также гашения колебаний, вызванных неровностями дорожного покрытия. Расчет основан на исследовании производных статических И динамических показателей Электромагнитная подвеска рассматривается для одного колеса автомобиля, производятся измерения показателей и сравнение с показателями при пассивной системе подвески. Предложен альтернативный использованием внешнего магнита, удовлетворяющий требованиям по температуре и объему.

В работе [6] авторами предлагается использование активной подвески для увеличения показателей устойчивости при маневрировании и остановке,

а также гашении колебаний от неровностей дороги для повышения безопасности водителя и пассажиров. Предложено сравнение используемых типов систем подрессоривания с электромагнитной подвеской в сочетании с пассивной пружиной. Показаны результаты проведенных испытаний и выполнено сравнение с данными других источников. Представлены варианты конструкций подвесок с электромагнитной системой. Приведены результаты измерений при использовании пассивной системы и показано их сравнение с динамическими показателями при электромагнитной системе подвески одного колеса.

В работе [7] авторами оценена эффективность использования электромагнитной активной подвески прямого действия. Исследована подвеска типа McPherson, состоящая из бесщеточного постоянного магнита, цилиндрического ротора в сочетании с пассивной пружиной и демпфером. Данная подвеска, кроме гашения колебаний, рекуперирует энергию при линейных перемещениях ротора. Контроллер LQR разработан для повышения комфорта и улучшения управляемости. Показаны результаты симуляции системы для различных профилей дороги.

В приведенных источниках рассматриваются достаточно сложные варианты схем, однако отсутствует обоснование расчетной схемы модели автомобиля для оценки показателей при использовании линейного синхронного трехфазного ЭМП с возбуждением от постоянных магнитов, не представлена методика определения рекуперируемой энергии.

Цель работы. Разработка математической модели колебаний в ходовой системе автомобиля с ЭМП-амортизатором в подвеске и методики оценки его энергетических показателей в процессе работы.

Основная часть. В систему подрессоривания автомобиля входят упругие элементы и демпфирующие устройства. Условно можно принять, что на каждую подвеску приходятся массы $m_{\Pi l}, m_{\Pi 2}$ (передний мост) и m_{3l}, m_{32} (задний мост).

При этом

$$m_{\Pi 1} + m_{\Pi 2} + m_{31} + m_{32} = m_{\Pi P} \,,$$

где $m_{\Pi P}$ — подрессоренная масса автомобиля. Это допущение можно принять, учитывая, что при исследовании работы амортизатора нас, в первую очередь, интересуют перемещения колеса относительно кузова.

Каждое из колес можно представить в виде массы m_{IIK} (передний мост) или m_{3K} (задний мост), имеющей упругую C_{II} и демпфирующую K_{II} связи с грунтом для передних и задних колес (рис. 1).

Связь масс колес с несущей частью осуществляется упругими элементами C_{12} и демпфирующими устройствами K_{12} передних колес, и задних – C_{22} , K_{21} соответственно.

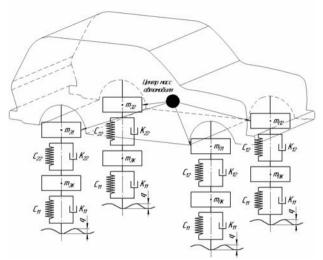


Рис. 1 – Расчетная схема подвески двухосного автомобиля

Для моделирования движения масс колес относительно кузова или остова принимаем следующие допущения:

- нагрузки по колесам распределяются равномерно;
- характеристики упругих элементов системы подрессоривания линейны;
 - колеса совершают вертикальные перемещения;
 - законы изменения неровностей под каждым колесом одинаковы;
- упругодемпфирующие свойства грунта под колесами не учитываются, так как жесткость подвески и шин значительно меньше жесткости опорной поверхности [8-10].

Для определения параметров движения рассматриваемой двухмассовой системы в упрощенной форме можно рассмотреть схему, представленную на рис. 2.

На схеме принято:

- z перемещение подрессоренной массы m_2 относительно положения равновесия;
- ξ перемещение массы m_1 колеса относительно ее положения равновесия;
 - C_{I} коэффициент жесткости шины;
 - C_2 коэффициент жесткости упругого элемента подвески;
 - K_{I} коэффициент демпфирования шины;
 - K_2 коэффициент демпфирования амортизатора;
 - q переменная высота неровности дороги под колесом.

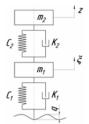


Рис. 2 – Расчетная схема полвески

Для составления математической модели рассматриваемой системы воспользуемся уравнениями Лагранжа II-го рода:

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial T}{\partial \dot{y}_i} \right) - \frac{\partial T}{\partial \dot{y}_i} + \frac{\partial \Pi}{\partial y_i} + \frac{\partial \Phi}{\partial \dot{y}_i} = Q_i, \tag{1}$$

гдеT и Π — соответственно кинетическая и потенциальная энергии системы;

 Φ – диссипативная функция;

 y_i – обобщенная координата;

 Q_i – обобщенная сила (i=1; 2).

Выражение кинетической энергии можно представить в виде:

$$T = \frac{1}{2} \left(m_2 \, \dot{z}^2 + m_1 \, \dot{\xi}^2 \, \right), \tag{2}$$

Потенциальная энергия определяется выражением:

$$\Pi = \frac{1}{2} \Big[C_2 (z - \xi)^2 + C_1 (\xi - q)^2 \Big]. \tag{3}$$

Выражение для диссипативной функции Релея запишем в виде:

$$\Phi = \frac{1}{2} \left[K_2 (\dot{z} - \dot{\xi})^2 + K_1 (\dot{\xi} - \dot{q})^2 \right]. \tag{4}$$

Тогда, в соответствии с (1), получим дифференциальные уравнения колебаний рассматриваемой системы:

$$\begin{cases} m_2 \ddot{z} + C_2(z - \xi) + K_2(\dot{z} - \dot{\xi}) = 0\\ m_1 \ddot{\xi} - C_2(z - \xi) + C_1(\xi - q) - K_2(\dot{z} - \dot{\xi}) + K_1(\dot{\xi} - \dot{q}) = 0 \end{cases}$$
(5)

Величина силы демпфирования при использовании гидромеханического амортизатора:

$$F_{ZEMII} = K_2 \cdot (\dot{z} - \dot{\xi}).$$

При использовании ЭМП-амортизаторов в подвеске автомобиля эта величина заменяется на электромагнитную силу ЭМП-амортизатора F_e , которая определяется при решении системы уравнений, описывающих электромагнитные процессы в ЭМП [11].

$$\begin{cases} m_2 \ddot{z} + C_2(z - \xi) + F_e = 0\\ m_1 \ddot{\xi} - C_2(z - \xi) + C_1(\xi - q) - F_e + K_1(\dot{\xi} - \dot{q}) = 0 \end{cases}$$
 (6)

Значение силы F_e зависит от разницы координат $(z-\xi)$, скоростей $(\dot{z}-\dot{\xi})$, величины тока и потокосцепления в обмотках каждой из фаз.

Выражение для определения электромагнитной силы F_e сопротивления трехфазного ЭМП-амортизатора имеет вид:

$$F_{e} = \frac{\partial (\int_{0}^{i_{1}} \Psi_{A}(i_{1}, i_{2}, i_{3}, x) di_{1}}{\partial x} + \frac{\partial (\int_{0}^{i_{2}} \Psi_{B}(i_{1}, i_{2}, i_{3}, x) di_{2}}{\partial x} + \frac{\partial (\int_{0}^{i_{3}} \Psi_{C}(i_{1}, i_{2}, i_{3}, x) di_{3}}{\partial x}, \quad (7)$$

где ψ_A , ψ_B , ψ_C – потокосцепления фаз 1, 2 и 3;

 i_1 , i_2 , i_3 – токи в фазах 1, 2 и 3, соответственно;

 $x = z - \xi$ — перемещение ротора относительно статора ЭМП.

Величины потокосцеплений и токов в фазах зависят от конструктивных параметров, характеристик материалов, относительной скорости и перемещений статора и ротора.

Общая модель с учетом использования F_e дополняется системой упомянутых уравнений [11].

При использовании параллельно двух амортизаторов система уравнений включает силу демпфирования гидромеханического $F_{\it ДЕМП}$ и электромеханического преобразователя F_e .

Оценка энергетических показателей ЭМП-амортизатора. Для оценки энергетических показателей ЭМП-амортизатора предлагаем ввести критерий, не зависящий от типа полупроводникового преобразователя и системы его управления. Этот показатель оценивает энергию, выработанную ЭМП-амортизатором при активной нагрузке всех трех фаз.

Критерий эффективности — энергия, затрачиваемая на демпфирование колебаний ЭМП-амортизатором находится по формуле:

$$W_{DEM} = \int_{t_{H}}^{t_{K}} \left(R_{1} I_{1}^{2} + R_{2} I_{2}^{2} + R_{3} I_{3}^{2} \right) dt , \qquad (8)$$

где R_1 , R_2 , R_3 – суммарное сопротивление цепи включения фазы A, B и C, соответственно;

 I_1 , I_2 , I_3 – величины токов в фазах A, B и C, соответственно;

 t_H — момент времени конца переходного процесса при пуске ЭМП-амортизатора, с.

 t_{K} – конец рассматриваемого отрезка времени, с;

При использовании в электрической схеме конденсатора в качестве накопителя, запасаемая в нем энергия определяется зависимостью:

$$W_C = \frac{C \cdot U^2}{2}$$
,

гдеC – емкость конденсатора;

U – напряжение на обкладках конденсатора.

Ее величина суммируется с W_{DEM} .

При этом среднюю мощность ЭМП-амортизатора можно определить как:

$$P_{DEM} = \frac{W_{DEM}}{\Delta t}, \tag{9}$$

где $\Delta t = t_K - t_H$ — интервал времени, в течение которого вырабатывается энергия.

Величина мощности, которую ЭМП-амортизатор может передать на накопитель, будет равна:

$$P_{NAK} = P_{DEM} \cdot \eta_{\Im}, \qquad (10)$$

где η_{\ni} – КПД, учитывающий потери в ЭМП-амортизаторе и элементах электрической цепи.

Выводы. При определении показателей работы ЭМП-амортизатора рационально использовать двухмассовую схему подвески.

При гашении энергии механических колебаний ЭМП-амортизатор вырабатывает электрическую энергию. Среднюю мощность его целесообразно определять отношением работы электрического тока в каждой фазе обмоток ко времени с учетом потерь в электрической цепи.

Список литературы: 1. Сергиенко А. Н. Анализ конструкций электромеханических преобразователей и выбор схемы электро-амортизатора неподрессоренных масс транспортного средства / А. Н. Сергиенко, Б. Г. Любарский, В. Б. Самородов, Н. Е. Сергиенко. Сборник научных трудов: Автомобильный транспорт. – Х.: ХНАДУ, 2012. – Вып. 31. – С. 18-25. 2. E Chávez Conde, F. Beltran Carbajal, C García Rodríguez, A. Blanco Ortega. Sliding Mode based Differential Flatness Control and State Estimation of Vehicle Active Suspensions // Politecnología. – 2009 – Vol. 1, No 1 (1). – P.49-59. 3. Ammar A. Aldair, Weiji J. Wang. The energy regeneration of Electromagnetic energy saving active Suspension in full vehicle with Neurofuzzy controller // International Journal of Artificial

Intelligence & Applications (IJAIA). - 2011. - Vol.2, No.2. - P.32-43. 4. V. Liesionis, D. Markšaitis, V. Daniulaitis. Analysis of energy dissipation of shock-absorber during random excitation // Mechanika. - 2007. - Nr.3 (65). - P. 42-45. **5.** Bart L. J. Gysen, Jeroen L. G. Janssen, Johannes J. H. Paulides, Elena A. Lomonova. Design Aspects of an Active Electromagnetic Suspension System for Automotive Applications // IEEE Transactions on Industry Applications. - 2009. - Volume 45, Issue 5. - P.1589-1597. 6. Bart L. J. Gysen, Johannes J. H. Paulides, Jeroen L. G. Janssen, Elena A. Lomonova. Active Electromagnetic Suspension System for Improved Vehicle Dynamics // IEEE Vehicle Power and Propulsion Conference (VPPC). – 2008. – 1-6. 7. Bart L. J. Gysen, Tom P. J. van der Sande, Johan J.H. Paulides, Elena A. Lomonova. Efficiency of a regenerative direct-drive electromagnetic active suspension // IEEE Transactions on Vehicular Technology. - 2011. - Volume 60, Issue 4. - P.1384 -1393. 8. Хачатуров А. А., Афанасьев В. Л., Васильев В. С. и др. Динамика системы дорога – шина - автомобиль - водитель. Под ред. А.А. Хачатурова. М.: Машиностроение, 1976. - 536 с. 9. Ротенберг Р. В. Подвеска автомобиля. Изд. 3-е, переработ. и доп. - М.: Машиностроение, 1972. - 392 с. **10.** Раймпель Й. Шасси автомобиля: Элементы подвески / Пер. с нем. А. Л. Карпухина; Под ред. Г. Г. Гридасова. – M.: Машиностроение, 1987. - 288 c. 11. Сергиенко А.Н. Математическая модель электромеханического преобразователя для электроамортизатора транспортного средства / А.Н. Сергиенко, Б.Г. Любарский, Н.Е. Сергиенко. - Електротехніка і електромеханіка. Науково-практичний журнал. - 2012. - №6. - С. 61- 65.

Поступила в редколлегию 08.05.2013

УДК 629.027, 621.313, 629.069, 629.3.014

Математическая модель колебаний в ходовой системе автомобиля с электромагнитным демпфированием / А. М. Сергиенко // Вісник НТУ «ХПІ». Серія: Транспортне машинобудування. — Х. : НТУ «ХПІ», 2013. — № 31 (1004). — С. 86—93. — Бібліогр.: 11 назв.

Розроблено математичну модель коливань в ходовій системі автомобіля з ЕМП-амортизатором в підвісці і методика оцінки його енергетичних показників в процесі роботи.

Ключові слова: математична модель, підвіска, ЕМП-амортизатор, автомобіль, двомасова система, демпфірування, енергія, показники.

A mathematical model of vibrations in the suspension system of a car with EMC- shock absorber in the suspension and methods of evaluation of its energy performance in the process.

Keywords: mathematical model, suspension, EMC-shock absorber, car, two-mass system, damping, energy, performance.