А.А. ЗАРУДНЫЙ, канд.техн.наук

ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ ПОВЫШЕНИЯ ИНТЕНСИВНОСТИ ИЗЛУЧЕНИЯ РЕЗОНАНСНОГО ЛИДАРА ОДНОПРОХОДОВЫМ УСИЛИТЕЛЕМ

Введение

Характеристики излучения лидара для исследования атмосферы с использованием резонансной флюоресценции должны сочетать противоречивые требования получения больших значений энергии в импульсе и узкой ширины спектральной линии [1, 2]. Известно, что применение усилителей позволяет увеличить энергетические параметры и КПД излучателя [3, 4]. При этом удается снизить требования к энергетическим характеристикам генератора и улучшить стабильность параметров излучения, уменьшив нагрузку на элементы селективного резонатора. Поскольку для зондирования атмосферы принципиальное значение имеет спектральная чистота излучения, предпочтительно использовать усилители бегущей волны [4]. В этом случае спектральные и пространственные характеристики выходного пучка изменятся незначительно, поскольку в однопроходовых усилителях, в отличие от многопроходовых, нет накопления аберраций. Кроме того, надежность однопроходовых усилителей обеспечивается отсутствием зеркальных покрытий.

Активные среды на основе органических красителей обладают высоким коэффициентом усиления, поэтому при рассмотрении процессов, происходящих в активном элементе (АЭ), необходимо учитывать плотность усиленного шума, поскольку последняя может достигать значений, сравнимых с плотностью полезного излучения [5]. Как показывает анализ теоретических и экспериментальных работ, посвященных данной проблеме, именно усиленный радиационный шум оказывает наиболее существенное влияние на энергетические характеристики излучателей на красителях с ламповой накачкой.

Основными задачами работы являлись уточнение физической модели процессов усиления излучения в усилителе бегущей волны на примере органического красителя родамин 6Ж с ламповой накачкой и получение аналитических соотношений для расчетов.

Как следует из уравнений баланса населенностей идеальной четырехуровневой модели, показатель коэффициента усиления среды для случая однородно уширенной линии определяется выражением [6]

$$k_{y} = \frac{k_{\text{max}}}{1 + I/I_{s}},\tag{1}$$

где k_{\max} — максимальный коэффициент усиления в отсутствие вынужденного излучения; I — интенсивность излучения в рассматриваемом сечении усилителя; I_s — интенсивность насыщения на частоте усиливаемого излучения.

Коэффициент усиления малого сигнала ($I_{\rm ex}$ << $I_{\rm s}$) идеального усилителя максимален и экспоненциально растет с увеличением его длины ℓ . При постоянной плотности накачки интегральный коэффициент усиления определяется выражением

$$K_{\text{max}} = \exp(k_{v} \cdot \ell) . \tag{2}$$

На практике достижению максимального усиления препятствует ряд факторов, основными из которых являются насыщение усиления при прохождении усиливаемого излучения через усилитель, присутствие усиленного шума и пространственная неоднородность коэффициента усиления среды, обусловленная неравномерным распределением поглощенной энергии накачки.

Вывод основных соотношений для расчета усиления

При анализе усилителя на красителе с ламповой накачкой ограничимся системой балансных уравнений [7] в приближении стационарного режима, поскольку длительности импульсов накачки и усиливаемого излучения приблизительно на два порядка больше радиационного времени жизни возбужденного состояния. В этом приближении населенность рабочего уровня, коэффициент усиления и интенсивность усиленного радиационного шума определяются мгновенными значениями мощности накачки и интенсивности усиливаемого излучения. Тогда для произвольного сечения z АЭ балансные уравнения имеют вид

$$W_{n} \cdot n_{0} - n_{1} \cdot \left(\tau_{s}^{-1} + k_{st}\right) - n_{1} \cdot F_{z} \cdot \sigma_{10} + n_{0} \cdot F_{z} \cdot \sigma_{01} -$$

$$\overline{F}_{p} \cdot \sigma_{10} \cdot n_{1} + \overline{F}_{p} \cdot \sigma_{01} \cdot n_{0} -$$

$$n_{1} \cdot \int_{V} \sigma_{10}(V) \cdot \overline{F}_{n}(V) dV + n_{0} \cdot \int_{\lambda} \sigma_{01}(V) \cdot \overline{F}_{n}(V) dV = 0,$$

$$(3)$$

$$n_1 \cdot k_{st} - n_t \cdot \tau_t^{-1} = 0, \tag{4}$$

$$n_0 + n_1 + n_r = n, (5)$$

где W_n — скорость накачки; τ и τ_t — время жизни соответственно состояний S_1 и T_1 ; k_{st} — скорость синглет-триплетной конверсии; F_z — плотность усиливаемого потока фотонов в сечении z; σ_{10}, σ_{01} — соответственно сечения вынужденного излучения и поглощения частоте усиливаемого излучения; n_0 n_1 n_t — соответственно населенности основного, возбужденного и триплетного уровней; $\bar{F}_n(v)$ — усредненная по длине усилителя спектральная плотность усиленного радиационного шума; \bar{F}_p — усредненная по длине усилителя плотность усиленного рассеянного шума.

Уравнения (3) - (5) должны быть дополнены выражениями для усредненных интенсивностей усиленного радиационного и рассеянного шума [8]:

$$I_{n} = (hv_{z}) \cdot \frac{n_{1}}{\tau} \cdot \mathcal{G} \cdot \frac{\xi}{k_{y}^{\text{max}}} \cdot \tilde{G}_{\text{max}},$$

$$I_{p} = I_{z}^{(p)} \cdot \frac{\gamma_{p}}{k_{y}} \cdot G,$$
(6)

где безразмерные коэффициенты \tilde{G}_{\max} и G рассчитываются по формулам:

$$\tilde{G}_{\text{max}} = 2a \cdot \left[\frac{\xi \cdot \exp\left(k_{y}^{\text{max}}b\ell/\xi\right) - 1}{k_{y}^{\text{max}}b\ell} - 1 \right],$$

$$G = \left[\frac{\exp\left(k_{y}b\ell\right) - 1}{k_{y}b\ell} - 1 \right].$$
(7)

Здесь использованы обозначения: k_y^{\max} — максимальный коэффициент усиления на единицу длины АЭ в режиме «самонастройки» для усиленного радиационного шума; k_y — коэффициент усиления на длине волны усиливаемого излучения.

Решая систему уравнений (3) — (5) относительно n_1 при $k_{st}\tau << 1$ и с учетом соотношений (7), получим:

$$n_{1} = \frac{\left(h\nu_{H}\right)^{-1} \cdot \frac{P_{no21}}{V} \cdot \tau + \left(\overline{F}_{p} + F_{z}\right) \cdot \sigma_{01} \cdot n_{0} \cdot \tau}{1 + \rho + \left(\overline{F}_{p} + F_{z}\right) \cdot \sigma_{10} \cdot \tau},$$
(8)

где P_{nozn} — мощность накачки, поглощаемая в активном элементе усилителя.

Безразмерный коэффициент ρ , характеризующий влияние усиленного радиационного шума, определяется выражением [8]:

$$\rho = \mathcal{G} \cdot \tilde{G}_{\text{max}} \cdot (1 + \xi \cdot \tilde{\Phi}), \tag{9}$$

где ϑ и $\tilde{\Phi}$ определяются соотношениями

$$\theta \approx 0.85 + 0.088 \cdot \ln\left(\frac{n_1}{n}\right), \ \tilde{\Phi} = \mu \cdot \theta \cdot \frac{\sigma_t}{\sigma_{10}} \cdot \frac{k_y}{k_y^{\text{max}}}.$$

Здесь использованы обозначения:

$$\theta = \frac{1 + \sigma_{01} \cdot n / k_y^{\text{max}}}{\chi} , \ \mu = k_{st} \cdot \tau_t .$$

Коэффициент усиления может быть представлен в виде [7]:

$$k_{y} = \chi \cdot \sigma_{10} \cdot n_{1} - \sigma_{01} \cdot n - \gamma_{p}, \tag{10}$$

где γ_{p} – коэффициент рассеивания излучения на неоднородностях AЭ.

Безразмерный коэффициент χ вычисляется по формуле [7]:

$$\chi = 1 + \frac{\sigma_{01}}{\sigma_{10}} \cdot (1 + \mu) - \mu \cdot \frac{\sigma_t}{\sigma_{10}}.$$

Тогда, подставляя в соотношение (10) выражение (8) для n_1 и переходя от плотностей потоков к интенсивностям, получаем

$$k_{y}(z) = \chi \cdot \frac{\left(v_{z}/v_{n}\right) p_{0} p_{1} \cdot \left(P_{n}/V\right) + \left(\overline{I}_{p} + I_{z}\right) \cdot \sigma_{01} n_{0}}{I_{s} \cdot \left(1 + \rho\right) + \overline{I}_{p} + I_{z}} - \sigma_{01} n - \gamma_{p}, \tag{11}$$

где V – объем АЭ; p_0 – КПД системы накачки; p_1 – часть энергии накачки, возбуждающая молекулы на рабочий уровень [9].

Таким образом, интенсивность излучения на выходе усилителя может быть найдена путем последовательной процедуры вычислений

$$I_{z+1} = I_z \cdot [k_y(z) \cdot dz + 1] \Big|_{z=1}^{z=\ell},$$
 (12)

где $I_{z=1} \equiv I_{ex}$ — интенсивность излучения на входе усилителя; $I_{z=\ell} \equiv I_{eblx}$ — выходная интенсивность.

Интегральный коэффициент усиления за проход может быть найден как

$$K = I_{eblx} / I_{ex} \,. \tag{13}$$

Интегральный коэффициент усиления K и усредненный по длине усилителя показатель коэффициента усиления \bar{k}_v связаны соотношением

$$\overline{k}_{y} = \frac{1}{\ell} \cdot Ln(K) . \tag{14}$$

При изменении входной интенсивности излучения меняется населенность рабочего уровня и, в соответствие с этим, частота максимума усиления. Частоту максимума спектра люминесценции можно определить из выражения [10]:

$$v_{\text{max}} = [5,36-0,047 \cdot \ln(7,06 \cdot \Gamma)] \cdot 10^{14} \Gamma u$$
,

с учетом того, что

$$\Gamma = \left[\sigma_{10} - \mu \cdot \sigma_t - \overline{k}_y \cdot (1 + \mu) / n \right] / \left[\sigma_{01} + \overline{k}_y / n \right] . \tag{15}$$

Зная частоту максимума усиления, можно по известным формулам [7] рассчитать соответствующие σ_{10} и σ_{01} . Среднюю населенность $\overline{\mathbf{n}}_1$ возбужденного уровня можно определить из (10) с помощью выражения

$$\overline{n}_1 = \frac{1}{\sigma_{10} \cdot \chi} \cdot \left[\overline{k}_y + \sigma_{01} \cdot n + \gamma_p \right] . \tag{16}$$

Тогда максимальный коэффициент усиления, согласно (4.9:

$$\overline{k}_{y}^{\max} = \overline{n}_{1} \cdot \left[\sigma_{10}^{\max} + \sigma_{01}^{\max} \cdot (1 + \mu) - \mu \cdot \sigma_{t} \right] - \sigma_{01}^{\max} \cdot n - \gamma_{p}. \tag{17}$$

Подставив полученное значение \bar{k}_y^{\max} в формулу (3.89), получим значение \tilde{G}_{\max} , используемое в выражении (4.8).

Выводы

Получены аналитические соотношения для расчета коэффициента усиления усилителя бегущей волны на органическом красителе с ламповой накачкой. При выводе соотношений учитывалось влияние усиленного радиационного и рассеянного шума. Результаты работы могут быть использованы для расчета энергетического расчета излучателя резонансного лидара, построенного по схеме генератор-усилитель.

Список литературы: 1. Гарднер, Ч.С. Применение лидара на резонансной флюоресценции натрия в атмосферных исследованиях и астрономии // ТИИЭР. – 1989. – Т.77, №3. – С.44-56. 2. Лазеры на красителях с ламповой накачкой для исследования атмосферы / Лагутин М.Ф., Зарудный А.А., Басецкий В.Л., Плетенев В.Г. // Радиотехника. — 1997. — Вып.102. — С.104-114. 3. Loth C., Megie G. A high spectral luminance dye amplifier // J. Phys. E. — 1973. — V.7, №2. — Р. 80-82. 4. Лагутин, М.Ф., Мустецов, *Н.П., Зарудный, А.А.* Однокаскадный усилитель на органических красителях // Тезисы докладов 2-й Всесоюз. конф. "Лазеры на основе сложных органических соединений и их применение". – Душанбе, 1977. - С.341-342. 5. Николаев, С.В., Коробов, А.М. Влияние усиленного радиационного шума на энергетические характеристики перестраиваемых лазеров на красителях. - Харьков, 1987. -20с. (Препринт / АН УССР. – ИРЭ. – №356) 6. *Методы* расчета оптических квантовых генераторов ; под ред. Б.И. Степанова. – Минск: Наука и техника, 1966. – Т.1. – 612с. 7. Басецкий, В.А., Зарудный, А.А. Модель генерационных характеристик излучателя резонансного лидара // Радиотехника. – 2010. Вып 160. – С.124-129. 8. Зарудный, А.А., Басецкий, В.Л. Теоретический анализ интенсивности усиленного радиационного шума в лазере на красителях с ламповой накачкой // Радиотехника. – 2012. – Вып. №169. – С. 354-358. 9. Анохов, С.П., Марусий, Т.Я., Соскин, М.С. Перестраиваемые лазеры. – М. : Радио и связь, 1982. – 360c. 10. Зарудный, А.А. Теоретический анализ интенсивности усиленного радиационного шума в лазере на красителях с ламповой накачкой // Радиотехника. - 2014. - Вып. №177. – C. 210-216.

Харьковский национальный университет радиоэлектроники

Поступила в редколлегию 17.07.2015