

УДК 681.5.01

*Олександр Ігорович Литвиненко,
Анатолій Іванович Сбітнєв*

ЗАСТОСУВАННЯ РОЗМІТКИ ГРАФА ЧЕРЕЗ ФУНКЦІЮ НАЛЕЖНОСТІ ДЛЯ ВИЗНАЧЕННЯ РАЦІОНАЛЬНОГО МАРШРУТУ РУХУ ВІЙСЬКОВОЇ ТЕХНІКИ

Вступ. Марш — організоване пересування військ у колонах по дорогах і колонних шляхах для своєчасного виходу у призначений район або на визначений рубіж у повній готовності до наступних дій. При здійсненні маршруту гусенична техніка і техніка з малим запасом ходу можуть перевозитися на автопоїздах (трейлерах), які включаються до складу колон.

Марш може здійснюватися у передбаченні вступу в бій або без загрози зіткнення з противником, з тилу до фронту, уздовж фронту чи від фронту у тил. В усіх випадках марш відбувається потай, як правило, вночі або в інших умовах обмеженої видимості, а під час бою та у глибокому тилу своїх військ — і вдень [1, 172].

Постановка задачі. Для вирішення завдань пошуку маршрутів для переміщення військової техніки між двома пунктами найкращою моделлю є розмічений граф.

Розмічати граф можна різними показниками:

- 1) розмітка ребер відстанню (довжиною шляху по ребру);
- 2) розмітка ребер часом проходження ребра;
- 3) розмітка ребер функцією належності (функція належності вершини 2 множині $S_1^I = \{2, 3, 4\}$ дорівнює вагі ребра $\langle 1, 2 \rangle$ (рис. 1)).

При різних типах розміток можливі різні постановки задач вибору шляхів між двома заданими вершинами:

- a) найкоротший шлях — мінімізація суми ребер шляху при розмітці відстанню;
- b) “найшвидший” шлях — мінімізація суми ребер при розмітці часом, ця задача співпадає за алгоритмом із попередньою;
- c) “найбільш комфортний” шлях — максимізація результиуючої функції належності шляху при розмітці функціями належності.

Дана стаття присвячена питанню вирішення задачі знаходження раціонального (в розумінні “найбільш комфортного”) маршруту руху при розмітці графа результиуючою функцією належності.

Результати дослідження. Для вирішення завдань (1) і (2) запропоновані різні процедури, включаючи схему лінійного програмування. Серед них алгоритм Дейкстри, алгоритм Беллмана-Форда, алгоритм пошуку найкоротших шляхів в ацикличному орієнтованому графі, симплекс-метод, метод еліпсоїдів, алгоритм Кармаркара та інші [6, 481—496].

Найпростішою у використанні та найшвидшою у виконанні є процедура знаходження найкоротшого шляху, що описана авторами: Sang M. Lee, L. J. Moore, B. W. Taylor [10, 610—675].

Як приклад, розглянемо мережу, яка зображена на рис. 1. На рисунку зображені розмічені граф, де вершини відповідають пунктам, а на ребрах (які відповідають дарам) позначені відстані.

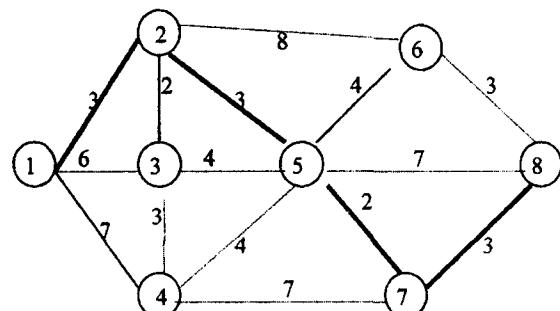


Рис. 1. Мережа для визначення найкоротшого шляху

Найкоротший шлях, знайдений методами, що описані у [6, 10], показаний на рис. 1 жирною лінією. Довжина цього шляху дорівнює $D = 11$.

Проте особливу увагу слід звернути на завдання (3), якому відповідає постановка задачі вибору “найбільш комфортного” шляху. Це поняття дозволяє врахувати вплив на визначення раціонального маршруту не лише одного фактора (довжина шляху або час про-

ходження), а багатьох факторів (величина крутини схилу, прохідність шляхів, прохідність водних перешкод, прохідність перешкод рослинного походження і т.д.).

Як зазначалося вище, "найбільш комфортний" шлях визначається на графі, який розмічений через функції належності. Суть цього методу полягає в наступному.

Необхідно задати граф (рис. 1) у вигляді околів [9, 64–68]. Першим околом вершини S_i^1 називається множина кінцевих вершин x_i , для дуг, інцидентних x_i , і сама вершина x_i .

Для такої множини істинним є вираз:

$$\forall x_j \in X \{x_j \in S_i^1 \leftrightarrow \exists < x_i, x_j > \\ [(< x_i, x_j > \in F < x_i, x_j >) \vee (x_i = x_j)]\} \\ i \in I = \{1, 2, \dots, n\}, j \in J = \{1, 2, \dots, m\}$$

Тоді n -ий окіл вершини x_i за індукцією визначається:

$$S_i^n = \bigcup_{x_j \in S_i^{n-1}} S_i^1.$$

Це означає, що n -ий окіл вершини x_i може бути отриманий шляхом додавання до $n-1$ -го околу множини сусідства, тобто кінцевих вершин дуг, інцидентних з S_i^{n-1} . При цьому

$$S_i^1 \subseteq S_i^2 \subseteq \dots \subseteq S_i^n.$$

Подання графа зробимо через перерахування перших околів його вершин:

$$L = \{S_i^1 | x_i \in X\},$$

$$S_i^1 = \{x_i\}, i \in I = \{1, 2, \dots, n\}, j \in J = \{1, 2, \dots, m\}.$$

Для графа (рис. 1) маємо:

$$S_1^1 = \{2, 3, 4\}; \\ S_2^1 = \{1, 3, 5, 6\}; \\ S_3^1 = \{1, 2, 4, 5\}; \\ S_4^1 = \{1, 3, 5, 7\}; \\ S_5^1 = \{2, 3, 4, 6, 7, 8\}; \\ S_6^1 = \{2, 5, 8\}; \\ S_7^1 = \{4, 5, 8\}; \\ S_8^1 = \{5, 6, 7\}.$$

Для визначення раціонального маршруту руху необхідно враховувати ряд факторів, які будуть впливати на рух техніки. До основних факторів, від яких залежить виконання поставленого бойового завдання — здійснення маршруту — відносяться наступні.

1. Величина крутини схилу ділянок маршруту. Від крутини схилів залежить можлива допустима швидкість руху техніки:
 - 1) до 5° — при сухому ґрунті легко долаються всіма видами машин;
 - 2) $5-10^\circ$ — ускладнюють рух транспорту, швидкість знижується;
 - 3) $10-20^\circ$ — дуже важко долаються колісними машинами, рух гусеничних машин ускладнений;

- 4) $20-30^\circ$ — є граничними для віх видів автомобілів і зі складністю долаються гусеничними машинами;
- 5) більше 30° — практично неприступні для всіх видів колісної і гусеничної техніки [2, 7–33].

2. Прохідність шляхів за характером покриття (дороги та бездоріжжя). Всі шляхи, згідно [3, 11], поділяються на:
 - автомобільні шляхи (автостради, уздовжналені шосе, шосе);
 - ґрунтові дороги (удосконалені ґрунтові дороги, ґрунтові дороги (путівці), польові і лісові дороги).

Головний чинник, що впливає на прохідність ґрунтових доріг і бездоріжжя, — це характер і тип ґрунту. Вивчаючи характеристики ґрунтів, важливо розкрити, насамперед, умови прохідності для різних видів бойової і транспортної техніки. З цією метою визначаються райони поширення основних типів ґрунтів, виявляється їх хімічний, механічний склад, твердість, курягість, прохідність по сезонах року, в умовах розмокання і промерзання і т. п. [7, 24].

3. Кількість і тип водних перешкод в залежності від пори року та метеорологічних умов. Основними даними, які необхідно враховувати при вивченні й оцінці тактичних властивостей річок, є: ширина, глибина, швидкість плину річки, характер ґрунту дна, берегів і прилягаючої місцевості, наявність бродів і гідротехнічних споруджень [8, 20].
4. Площа та тип перешкод рослинного походження. З рослинного покриву на ведення бойових дій військ найбільший вплив має ліс. Він істотно впливає на прохідність місцевості, обмежує маневр та оглядовість, ускладнює орієнтування, організацію взаємодії і управління військами. Прохідність лісу залежить від його розмірів, форми і густоти, від породи і товщини дерев [7, 19].

Ступінь впливу вищеперечислених факторів на визначення раціонального маршруту залежить від тактико-технічних характеристик бойової техніки, сезонних природних явищ і метеорологічних умов, які є джерелом невизначеності, адже ця інформація є важкотривалою, неповною та неточною. Тому для розмітки графа доцільно застосовувати теорію нечітких множин і визначати функцію належності.

Для прикладу (рис. 1), задамо функцію належності для множин-околів вершин графа. Умова: колона техніки складається з автомобілів УРАЛ-4320 [5, 65] (табл. 1), метеорологічні умови — стійка суха погода.

Використовуючи дані, отримані після вивчення геоінформації про шляхи (дороги та бездоріжжя), крутину схилів місцевості, водні перешкоди та перешкоди рослинного походження (за допомогою ГІС) по окремих ділянках шляхів, групою експертів було визначено функції належності для кожної ділянки за кожним показником прохідності (табл. 2–5).

Таблиця 1

Тактико-технічні характеристики автомобіля УРАЛ-4320

Тип техніки	Маса, т	Розміри, м			Потужність двигуна, к.с.	Макс. швидкість, км/год	Запас ходу, км	Перешкода, що долається	Макс. кут підйому, град
		Довжина	Ширина	Висота					
УРАЛ-4320	8,6	7,37	2,72	2,87	210	85	607	1,5	30

Таблиця 2

Функція належності за показником прохідності покриття шляхів для автомобіля УРАЛ-4320 (при умові, що ґрунт сухий)

Тип техніки	З твердим покриттям	Щебеністі	Гравіне	Крупний пісок	Середньої крупності пісок	Мілкий пісок	Пилуватий пісок	Супішане	Суглинисте	Глинисте	Торф'яне
УРАЛ-4320	1,0	0,8	0,8	0,4	0,4	0,3	0,3	0,4	0,5	0,6	0,3

Таблиця 3

Функція належності за показником подолання схилів різної крутини для автомобіля УРАЛ-4320

Тип техніки	Величина крутини схилу, град				
	До 5	5—9	10—19	20—30	Більше 30
УРАЛ-4320	1,0	0,8	0,5	0,2	0

Таблиця 4

Функція належності за показником спроможності подолання водних перешкод для автомобіля УРАЛ-4320

Тип техніки	Глибина водної перешкоди, м				
	До 0,3	0,3—0,7	0,8—1,2	1,3—1,5	Більше 1,5
УРАЛ-4320	1,0	0,7	0,5	0,3	0

Таблиця 5

Функція належності за показником спроможності подолання перешкод рослинного походження для автомобіля УРАЛ-4320

Тип техніки	Відстань між деревами, м				
	До 3,0	3,0—3,9	4,0—4,9	5,0—6,0	Більше 6
УРАЛ-4320	0,2	0,4	0,6	0,8	1

Наприклад, ГІС-аналіз показав, що ділянка (1—2) (рис. 2) має такі показники: характер покриття шляху — з твердим покриттям, крутинна схилу — 10—19°, є одна вода перешкода глибиною 0,6 м, перешкоди рослинного походження немає. Застосувавши формулу:

$$\mu_A(x) = \min_i [\mu_{A_i}(x)],$$

де $i = \overline{1, n}$ — номер фактора впливу, маємо:

$$\mu_A(1-2) = \min[1; 0,5; 0,7; 1] = 0,5.$$

По аналогії було знайдено результатуючі функції належності $\mu_A(x)$ кожної ділянки шляху:

$$S_1^1 = \{\langle 0,5/2 \rangle, \langle 1,0/3 \rangle, \langle 0,9/4 \rangle\};$$

$$S_2^1 = \{\langle 0,5/1 \rangle, \langle 0,9/3 \rangle, \langle 0,9/5 \rangle, \langle 0,8/6 \rangle\};$$

$$S_3^1 = \{\langle 1,0/1 \rangle, \langle 0,9/2 \rangle, \langle 0,7/4 \rangle, \langle 0,8/5 \rangle\};$$

$$S_4^1 = \{\langle 0,9/1 \rangle, \langle 0,7/3 \rangle, \langle 0,7/5 \rangle, \langle 0,7/7 \rangle\};$$

$$S_5^1 = \{\langle 0,9/2 \rangle, \langle 0,8/3 \rangle, \langle 0,7/4 \rangle, \langle 1,0/6 \rangle\},$$

$$\langle 0,5/7 \rangle, \langle 1,0/8 \rangle\};$$

$$S_6^1 = \{\langle 0,8/2 \rangle, \langle 1,0/5 \rangle, \langle 0,5/8 \rangle\};$$

$$S_7^1 = \{\langle 0,7/4 \rangle, \langle 0,5/5 \rangle, \langle 0,5/8 \rangle\};$$

$$S_8^1 = \{\langle 1,0/5 \rangle, \langle 0,5/6 \rangle, \langle 0,5/7 \rangle\}.$$

Розмічений через функції належності граф зображеній на рис. 2.

Знайдемо функції належності для відрізків шляху методами, описаними в [4, 243—258]: для послідовних відрізків (a, b) й (b, v) з відомими $\mu(a, b)$ й $\mu(b, v)$ будемо мати

$$\mu(a, v) = \min[\mu(a, b); \mu(b, v)].$$

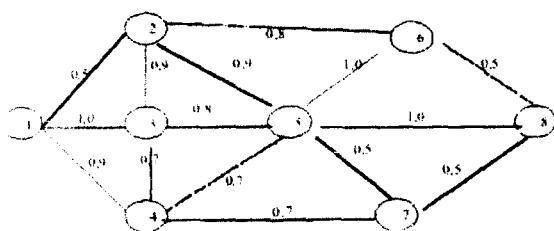


Рис. 2. Граф, розмічений через функції належності

Наприклад,

$$\begin{aligned}\mu(1, 6) &= \max[\min(1, 2, 6); \min(1, 2, 5, 6); \\ &\quad \min(1, 3, 5, 6); \min(1, 2, 3, 5, 6)] = \\ &= \max[0.5; 0.5; 0.8; 0.8] = 0.8.\end{aligned}$$

Кінцевий результат вибору шляху за моделлю з розміткою графа за функціями належності (рис. 3), які мають фізичний зміст у ступені "легкості" проходження маршруту, має вигляд:

$$\max \mu(1, 8) = \mu(1, 3, 2, 5, 8) = 0.9.$$

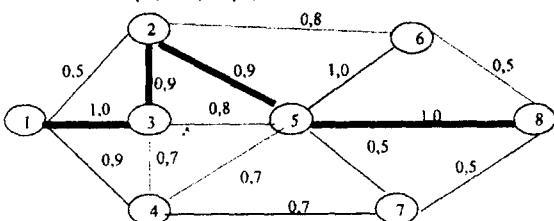


Рис. 3. Кінцевий результат вибору шляху за моделлю з розміткою графа за функціями належності

Висновки

1. Як апарат формалізованого вирішення задачі знаходження раціонального маршруту пропонується використовувати чіткі та нечіткі графові моделі.

Реалізація запропонованих моделей вимагає використання інструментальних програмних засобів, які дозволяють автоматизувати процес проектування. Це, у свою чергу, вимагає розроблення відповідних способів аналітичного подання графів. Підхід до задання графів через околи і межі вершин дозволив вирішити цю задачу, уникнувши при цьому надмірності, притаманній традиційним способам подання.

На вибір маршрута движения, по которому будет осуществляться марш войск, в значительной мере влияют такие факторы, как проходимость путей, величина крутизны склона, проходимость водных препятствий, проходимость препятствий растительного происхождения и т. д. Через зависимость этих факторов от метеорологических условий и характеристики техники для определения "наиболее комфорного" пути — маршрута, который по показателю проходимости является рациональным — целесообразным является применение элементов теории нечетких множеств.

Ключевые слова: окрестности вершин, функция принадлежности, граф.

2. Для вирішення задачі про найкоротший шлях запропоновані різні процедури; найпростішою у використанні та найшвидшою у виконанні є M. Lee, L. J. Moore, B. W. Taylor.
3. Сучасним математичним апаратом, що дозволяє врахувати невизначеність вихідної інформації, є теорія нечітких множин.
4. Розмітка ребер графа через функції належності дозволяє визначити "найбільш комфортний" шлях. Це поняття дозволяє врахувати вплив на вибір раціонального маршруту не лише одного фактора (довжина шляху або час проходження), а багатьох факторів (величина крутизни схилу, прохідність шляхів, прохідність водних перешкод, прохідність перешкод рослинного походження і т. д.).
5. На графі, який розмічений через функції належності, для умовної колони техніки (УРАЛ-4320) при певних погодних обмеженнях (стійка суха погода) визначено "найбільш комфорний" шлях.
6. Дослідження показало, що для руху умовної колони техніки необхідно обирати саме "найбільш комфорний" шлях, адже найкоротший шлях, з точки зору прохідності, не є раціональним, а його вибір в якості маршруту руху може привести до несвоєчасного виконання або повного зриву поставленого бойового завдання через низьку спроможність техніки долати певні ділянки шляху.

Література

1. Бойовий статут Сухопутних військ. Ч. 2. Батальйон, рота. — К. : Командування Сухопутних військ ЗС України, 2005. — С. 172.
2. Военная топография / Лахин А. Ф., Бызов Б. Е., Прищепа И. М. и др. — М. : Воениздат, 1973. — С. 7—33.
3. Класифікатор. — К. : ГУГКК, 2002. — С. 11.
4. Кофман А. В. Введение в теорию нечетких множеств / Пер. с франц. — М. : Сов. радио, 1982. — С. 243—258.
5. Озброєння підрозділів Сухопутних військ Збройних сил України (у схемах і таблицях) / Упоряд. О. Ю. Казанцев, В. К. Шваб. — К. : ВПЦ "Київський університет", 2004. — С. 65.
6. Основи моделювання бойових дій військ : підручн. / Колектив авторів. — К. : Вид. НАОУ, 2005. — С. 481—496.
7. Повідомлення В. А. Воянна географія : навч. посіб. / В. А. Повідомлення. — К. : НАОУ, 2000. — С. 19—24.
8. Повідомлення В. А. Щодо вивчення місцевості при організації загальновійськового бою у водній перешкоді : навч. посіб. / В. А. Повідомлення. — К. : НАОУ, 2000. — 20 с.
9. Толубко В. Б., Сбітнев А. І., Пермяков О. Ю. Методологічні основи проектування прикладного програмного забезпечення для АСУ воєнного призначення : Монографія. — К. : НАОУ, 2004. — С. 64—68.
10. Sang M. Lee, L. J. Moore, B. W. Taylor III. Management Science. Allyn and Bacon, Inc. Boston. 1985. — P. 610—675.

To choice of route of motion which moving of army will be carried out on, such factors influence to a great extent, as ability to travel of ways, size of steepness of slope, ability to travel of water obstacles, ability to travel of obstacles of vegetable origin etc. Through dependence of these factors of meteorological terms and descriptions of technique for determination of the "most comfort" way — route which on the index of ability to travel is rational, application of elements of theory of fuzzy sets is expedient.

Key words: environs of tops, function of belonging, graph.