

## УСЛОВИЯ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ НЕДЕШИФРУЕМОСТИ ДИНАМИЧЕСКОГО РЕЖИМА ФУНКЦИОНИРОВАНИЯ РАДИОСЕТИ УПРАВЛЕНИЯ

Ан.М. Носик<sup>1</sup>, Ал.М. Носик<sup>1</sup>, В.В. Калачева<sup>2</sup>

(<sup>1</sup>Научный метрологический центр военных эталонов, Харьков,

<sup>2</sup>Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба)

*Сформулированы необходимые и достаточные условия теоретической недешифруемости динамического режима функционирования радиосети управления, не противоречащие основным положениям теории Шеннона.*

**теоретическая недешифруемость, динамический режим, радиосеть управления**

**Постановка проблемы.** Разработанные и нашедшие к настоящему времени широкое применение способы передачи информации в радиосети управления либо не обеспечивают требуемые значения помехозащищенности и имитостойкости, либо обеспечивают пассивную имитозащиту, заключающуюся в том, что при воздействии имитационных помех приемная аппаратура отключается. Обеспечить активную имито- и помехозащиту радиосети управления возможно при реализации динамического режима "бегущий код".

**Анализ публикаций.** Исследования проведенные до настоящего времени в работах [1, 2] показывают, что обеспечить необходимую защиту информации в радиосети управления возможно при реализации динамического режима "бегущий код". Однако стойкость динамического режима информации, как стойкость алгоритмов криптографического преобразования информации, как показано в [4] должна опираться не только на теоретическую невозможность ее разрытия, но и практическую сложность такого раскрытия.

**Цель статьи:** разработать необходимые и достаточные условия теоретической недешифруемости динамического режима функционирования радиосети управления.

**Основная часть.** Сущность динамического режима "бегущий код" заключается в том, что каждому информационному биту ставится в соответствие по псевдослучайному закону один из сложных сигналов из ансамбля разрешенных сигналов.

Такой способ передачи информации позволяет не только обеспечить активную имитозащиту радиосети управления, но и повышает смысловую скрытность передаваемых сообщений. Структурная схема радиосети управления, реализующая динамический режим "бегущий код" представлена на рис. 1.

Источник сообщений порождает открытое сообщение  $\{U\} = \{U_1, U_2, \dots, U_z\}$ , содержащие символы некоторого конечного алфавита, в качестве которого часто используется двоичный алфавит  $\{0,1\}$ .

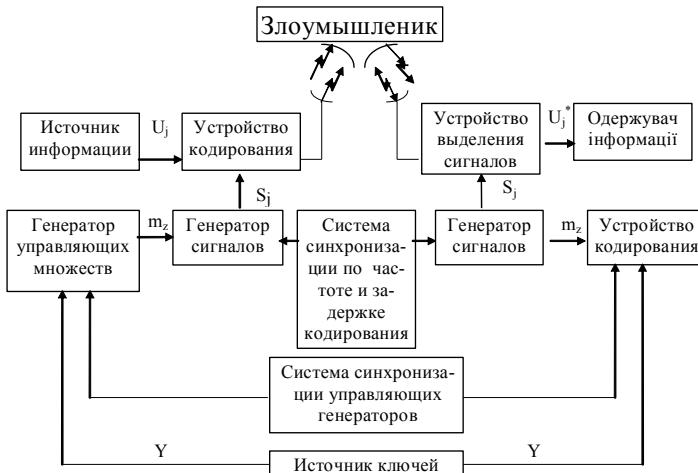


Рис. 1. Структурная схема радиосети управления

Устройство кодирования отображает информационные символы во множество сигналов  $\{S\} = \{S_1, S_2, \dots, S_q\}$ . В системах, в которых не реализуется режим динамической передачи сигналов это преобразование имеет вид:

$$S_j = F(U_j). \quad (1)$$

Отметим, что сигнал  $S_i$  является функцией алфавита открытого сообщения и не изменяется во времени. На приемной стороне выполняется обратное преобразование вида

$$U_j^* = F(S_j). \quad (2)$$

Злоумышленник принимая сигналы  $S_i$  и выполнив преобразование вида восстанавливает открытое сообщение.

Реализация режима динамической передачи сигналов предполагает, что соответствие "информационный символ – сигнал переносчик" изменяется во времени по закону управляющего множества  $\{M\} = \{m_1, m_2, \dots, m_r\}$

$$S_j = \bar{F}(U_i, m_z). \quad (3)$$

В этом случае соответствие  $S_i$  сигнала  $U_i$  информационному символу определяется не только информационными символами, но и элементами управляющего множества  $\{M\}$ .

Синхронность работы наземной и бортовой аппаратуры обеспечивают системы синхронизации по частоте и задержке, а также генераторов управляющих множеств.

Важной частью такой системы является конфиденциальный ключ, порожденный в источнике ключа и защищенный от перехвата. Используемые в радиосети управления ключи, в зависимости от реализованного алгоритма формирования управляющего множества, могут быть как симметричные (совпадающие в наземной и бортовой аппаратуре), так и несимметричные (не совпадающие).

В дальнейшем будем полагать, что злоумышленнику известны все детали процесса формирования множеств  $\{S\}$  и  $\{M\}$ , кроме используемых ключей  $Y$ .

Если с точки зрения противника любой сигнал  $S_i$  является отображением  $j$ -го значения сообщения  $U_j$ ; то, при независимости появления сигналов энтропия раскрытия  $n$ -элементов сообщение будет определяться

$$H = \sum_{j=1}^n H_j, \quad (4)$$

где  $H_j$  – частная энтропия раскрытия  $j$ -го сообщения.

Физическая энтропия раскрытия  $j$ -го сообщения представляет собой математическое ожидание количества информации в одном сообщении о множестве, реализующем динамический режим функционирования. Определим условия недешифруемости множества, реализующего динамический режим функционирования. Для чего докажем следующие теоремы.

**Теорема 1.** Пусть информационному множеству  $\{U\} = \{U_1, U_2, \dots, U_z\}$  по правилу преобразующего множества  $\{M\}$  ставиться в соответствие сигнал из множества  $\{S\} = \{S_1, S_2, \dots, S_q\}$ . Тогда энтропия  $H_j(U_j, S_j)$  раскрытия  $j$ -го сообщения будет принимать максимальное значение при независимом появлении сигналов и сообщений.

Доказательство.

Совместная энтропия совокупности  $U$  и  $S$  можно представить в виде:

$$H(U, S) = - \sum_{j=1}^Z \sum_{i=1}^q P(U_j, S_i) \log_2 P(U_j, S_i), \quad (5)$$

где  $P(U_j, S_i)$  – вероятность совместного появления  $U_j$  сообщения и  $S_i$  сигнала.

Известно, что

$$H(U, S) = H(U) + H(U/S). \quad (6)$$

В выражении (6)  $H(U, S)$  принимает максимальное значение, если  $H(U)$  и  $H(U/S)$  максимальны.

В [1] показано, что  $H(U)$  принимает максимальное значение при статистически независимых сообщениях.

Найдем максимум  $H(U/S)$ :

$$H(U/S) = -\sum_{j=1}^Z \sum_{i=1}^q P(U_j, S_i) \log_2 P(U_j / S_i). \quad (7)$$

Для условной энтропии  $H(U/S)$  справедливо неравенство

$$H(U/S) \leq H(U). \quad (8)$$

Следовательно

$$-\sum_{j=1}^Z \sum_{i=1}^q P(U_j, S_i) \log_2 P(U_j / S_i) \leq -\sum_{j=1}^Z P(U_j) \log_2 P(U_j). \quad (9)$$

В выражении (9) равенство выполняется при условии

$$P(U_j / S_i) \leq P(U_j). \quad (10)$$

Выполнение этого условия возможно при статистической независимости  $U_j$  и  $S_i$ .

Следовательно

$$P(U_j, S_i) = P(U_j)P(S_i). \quad (11)$$

Подставив (10) в (11) получим

$$H(U/S) = -\sum_{j=1}^Z \sum_{i=1}^q P(U_j)P(S_i) \log_2 P(U_j). \quad (12)$$

Учитывая, что  $\sum_{i=1}^q P(S_i) = 1$  имеем

$$H(U/S) = -\sum_{j=1}^Z P(U_j) \log_2 P(U_j) = H(U). \quad (13)$$

Следовательно, при статистически независимых множествах  $\{U\}$  и  $\{S\}$  энтропия раскрытия максимальна.

**Теорема 2.** Пусть информационному множеству  $\{U\} = \{U_1, U_2, \dots, U_z\}$  по правилу преобразующего множества ставиться в соответствие сигнал из множества  $\{S\} = \{S_1, S_2, \dots, S_q\}$ . Тогда энтропия  $H_j$  раскрытия  $j$ -го сообщения будет принимать максимальные значения при независимом появлении сигналов из множества  $\{S\}$ .

Доказательство.

Пусть информационному множеству  $\{U\}$  по закону преобразующего множества  $\{M\}$  ставиться в соответствие сигнал из множества  $\{S\}$  с вероятностью  $P\{S_i\}$ . Вероятность появления сигнала  $S_i$  зависит от появления сигнала  $S_{i-1}, S_{i-2}, \dots, S_{i-z}$  и равна  $P(S_i / S_{i-1}, S_{i-2}, \dots)$ . Тогда, как следует из [2, 4] справедливо неравенство

$$H_j(S_i / S_{i-1}, S_{i-2}, S_{i-3}, \dots) \leq H_j(S_i). \quad (14)$$

Средняя условная энтропия  $H_j(S_i / S_{i-1}, S_{i-2}, S_{i-3}, \dots)$  равна

$$\begin{aligned} H_j(S_i / S_{i-1}, S_{i-2}, S_{i-3}, \dots) = & \sum_{k=1}^{i-1} \sum_{m=1}^{i-2} \dots \sum_{r=1}^{i-m} P(S_k) P(S_m) \dots P(S_r) \times \\ & \times P(S_i / S_k, S_m, \dots, S_r) \log_2 \frac{1}{P(S_i / S_k, S_m, \dots, S_r)}. \end{aligned} \quad (15)$$

Преобразуем выражение (14) и (15) к виду:

$$\begin{aligned} \log e \sum_{k=1}^{i-1} \sum_{m=1}^{i-2} \dots \sum_{r=1}^{i-m} P(S_k) P(S_m) P(S_r) P(S_i / S_k, S_m, \dots, S_r) \times \\ \times \log \frac{1}{P(S_i / S_k, S_m, \dots, S_r)} \leq \log e \sum_{i=1}^q P(S_i) \ln \frac{1}{P(S_i)}. \end{aligned}$$

Усредняя левую часть по  $k, m, r$  с весом  $P(S_k)P(S_m), \dots, P(S_r)$  получим

$$\sum_{i=1}^q P(S_i S_k \dots S_r) \ln \frac{1}{P(S_i / S_k, S_m, \dots, S_r)} \leq \sum_{i=1}^q P(S_i) \ln \frac{1}{P(S_i)}. \quad (17)$$

Равенство  $P(S_i) = P(S_i, S_k, S_m, S_r)$  имеет место только при независимом появлении сигналов, что и требовалось доказать.

**Теорема 3.** Пусть информационному множеству  $\{U\} = \{U_1, U_2, \dots, U_z\}$  преобразующего множества  $\{M\} = \{m_1, m_2, \dots, m_a\}$  ставиться в соответствие сигнал из множества  $\{S\} = \{S_1, S_2, \dots, S_q\}$ . Тогда условная энтропия источника, задающего динамический режим функционирования после перехвата сообщения  $H(M/U)$  будет принимать максимальные значения при независимом появлении элементов из множества  $\{M\}$  от информационного множества  $\{U\}$ .

Доказательство.

Определим  $H(M/U)$  как

$$H(M/U) = \sum_{k=1}^z \sum_{i=1}^n P(m_i) P(U_k / m_i) = \log \frac{1}{P(U_k / m_i)}.$$

Действительно, если противник при перехвате  $k$  символов,  $k = \overline{1, Z}$ , не может уточнить имеющиеся у него априорные вероятности на основе вычисления апостериорных вероятностей:

$$H(U_j/m_i) = P(U_j)P(m_i/U_j); \quad H(S_i/U_j) = \frac{P(m_i) P(U_j/m_i) P(m_i)}{P(U_j)}, \quad (18)$$

т.е.

$$H(U_j/m_i) = P(U_j); \quad H(m_i/U_j) = P(m_i), \quad (19)$$

то задача раскрытия закона изменения преобразующего множества сводится к методам статистического опробования всевозможных вариантов, а условная энтропия  $H(M/U)$  определяемая выражением

$$H(M/U) = H(M) = \sum_{k=1}^n P(m_k) \log \frac{1}{P(m_k)}, \quad (20)$$

принимает максимальное значение при независимом появлении элементов из множества  $\{M\}$  от информационного множества  $\{U\}$ .

**Выводы.** Реализация динамического режима функционирования позволит решить проблему защиты радиосети управления от несанкционированного доступа к каналам информации и обеспечить активную имито- и помехозащиту. Сформулированные и доказанные выше теоремы определяют необходимые и достаточные условия теоретической недешифруемости динамического режима функционирования и не противоречат основным положениям теории Шеннаона (Шеннаон К.Э., 1963 [3]).

**Дальнейшие исследования** будут направлены на практическую реализацию динамического режима функционирования на физическом уровне.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Кузьмин И.В., Кедрус В.А. Основы теории информации и кодирования – К.: Вища школа, 1986. – 238 с.
2. Адресные системы управления и связи. Вопросы оптимизации / Г.И. Тузов, Ю.Ф. Урядников, В.И. Пртыков и др.; Под ред. Г.И. Тузова. – М.: Радио и связь, 1993. – 384 с.
3. Шеннаон К. Математическая теория связи / В. кн.: К. Шеннаон Работы по теории информации и кибернетике. – М.: ИЛ, 1963. – С. 243-332.
4. Назаров Н.Г., Персиков В.А., Тарасенко В.Ф. О стойкости криптограмм использующих псевдослучайную последовательность чисел // Кибернетика. – 1983. – № 3. – С. 103-106.

Поступила 26.01.2006

**Рецензент:** доктор технических наук, профессор Ю.В. Стасев,  
Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба.