

C. С. ГУТЫРЯ, С. А. МЕДВЕДЕВ, Ю. М. ХОМЯК, А. Н. ЧАНЧИН

ВЕРОЯТНОСТНЫЙ АНАЛИЗ УСТАЛОСТНОЙ ПРОЧНОСТИ ЭПИЦИКЛА КОЛЕСНОГО РЕДУКТОРА ТРОЛЛЕЙБУСА

Выполнено комплексное исследование усталостной прочности обода эпцикла в опасных сечениях с учетом концентрации напряжений в галтелях зубьев, циклически переменных деформаций растяжения и изгиба обода, а также изгиба зубьев. Установлено, что эквивалентные напряжения в галтелях с обеих сторон зуба на стадиях разгона троллейбуса и электродинамического торможения практически одинаковы и могут превышать предел выносливости обода при вероятности неразрушения $P>70\%$, что приводит к известным из практики случаям усталостного разрушения эпцикла планетарных колесных редукторов (ПКР). На основании статистической теории Серенсена-Когаева подобия усталостного разрушения разработана методика расчета и получена вероятностная оценка прочности тонкостенного обода ПКР. Обоснованы практические рекомендации по увеличению ресурса эпцикла ПКР технологическими методами.

Ключевые слова: режимы нагружения, плоская деформация зубьев и обода, диаграмма предельных амплитуд, асимметрия цикла напряжений.

Виконано комплексне дослідження утомної міцності ободу епіциклу в небезпечних перерізах з урахуванням концентрації напружень в галтелях зубців, циклічно змінних деформацій розтягування й вигину ободу, а також вигину зубців. Встановлено, що еквівалентні напруження в галтелях з обох сторін зубця на стадіях розгону та електродинамічного гальмування тролейбуса практично одинакові і можуть перевищувати межу витривалості ободу при ймовірності неруйнування $P>70\%$, що спричиняє відомі із практики випадки втомного руйнування епіциклу планетарних колесних редукторів (ПКР). На підставі статистичної теорії Серенсена-Когаєва подібності втомного руйнування розроблено методику розрахунку та отримано імовірнісну оцінку міцності тонкостінного ободу ПКР. Обґрунтовано практичні рекомендації щодо збільшення ресурсу епіциклу ПКР технологічними методами.

Ключові слова: режими навантаження, плоска деформація зубців і обода, діаграма граничних амплітуд, асиметрія циклу на-напружень.

The complex research of fatigue durability of a rim of an epicycle in dangerous sections taking into account concentration of tension in the fillets of teeth, cyclically variable deformations of stretching and a bend of a thin-walled rim and also bend of teeth is executed. It is established that equivalent tension in the fillet on both sides of tooth at stages of speed-up of the trolleybus and electro-dynamic braking are almost identical and can exceed a limit of endurance of a rim at probability of not destruction $P>70\%$ that is confirmed by the cases of fatigue failure of an epicycle of the planetary wheel gearbox (PWG), known from practice. On the basis of the statistical theory of similarity of fatigue failure of Serensen-Kogayev the calculation procedure is developed and probabilistic assessment of durability of a rim of PWG is executed. Practical recommendations about increase in a resource of an epicycle of PWG are proved by technological methods.

Keywords: loading modes, flat deformation of teeth and rim, chart of extreme amplitudes, asymmetry of a cycle of tension.

Введение. Актуальность задачи. Механические трансмиссии относятся к важнейшим узлам транспортных средств, определяющих их работоспособность [1, 2]. Зубчатые передачи в составе трансмиссий автотранспорта, энергетических машин и др., в рабочем цикле, в основном, нагружаются с одной стороны, т.к. торможение двигателем применяется редко. Преимуществом городского электротранспорта является рекуперация энергии в режиме торможения тяговым электродвигателем (ТЭД), который автоматически переходит в генераторный режим, направление вращающего момента меняется на противоположное. При этом зубья ПКР нагружаются с обратной стороны. Такой участок типового цикла эксплуатации троллейбуса называется электродинамическим (ЭД) торможением и по времени составляет до 40 % нормативного ресурса [3]. Одним из элементов, лимитирующих ресурс трансмиссий троллейбусов, является эпциклон колесного редуктора, для которого характерно усталостное разрушение тонкостенного обода.

Повышение эксплуатационной надежности троллейбусов, непосредственно зависящее от качества проектирования и изготовления деталей трансмиссии, является актуальной задачей, решение которой имеет практическое значение для транспортного машиностроения.

Анализ состояния вопроса. Оценка сопротивления разрушению при циклическом нагружении возможна по двум направлениям – методами механики разрушения и теории усталости. Первое направление требует выполнения анализа напряженного состояния в вершине трещины, что позволяет оценить остаточную долговечность по величине коэффициента интенсивности напряжений при известных размерах дефекта [4, 5].

Второе направление основано на оценках напряженного состояния детали аналитическими, численными или экспериментальными методами, при этом использует известные механические характеристики

материала (пределы прочности, выносливости и др.). Соответствующие методы применяют для расчетов сопротивления усталости при одноосном либо двухосном напряженных состояниях, нестационарных амплитудах напряжений и более полно учитывают особенности конструкции, технологии изготовления и функционирования деталей. Однако в ряде исследований результаты не доведены до оценки вероятности неразрушения реальных деталей машин [6–10].

Для практического использования результатов анализа усталостной прочности тонкостенного эпциклика в параметрической надежности трансмиссии методы теории усталости представляются наиболее применимыми, т.к. позволяют установить ресурс детали при заданной вероятности неразрушения [11].

В условиях эксплуатационных нагрузок обод эпциклика воспринимает следующие виды деформаций: кручения под действием вращающего момента; изгиба, сдвига и растяжения под действием усилий в зубчатых зацеплениях. Соответственно, в опасных сечениях обода возникают следующие компоненты сложного напряженного состояния: касательные τ и нормальные (радиальные σ_r и окружные σ_t). Напряжения $\tau \approx 0,05\sigma_t$ обычно невелики и в практике прочностных расчетов не учитываются. Установлено, что нормальные, циклически переменные напряжения, могут приводить к зарождению усталостных трещин в галтелях зубьев [12]. При толщине обода b превышающей высоту зубьев, напряжения σ_t незначительны. В результате превалирования переменных напряжений σ_r , усталостные трещины развиваются в окружном направлении, что приводит к излому зубьев. При этом обод эпциклика практически не повреждается. При малой толщине b и совместном действии напряжений σ_r и σ_t , усталостные трещины развиваются одновременно в радиальном и осевом направлениях, вплоть до выхода на внешнюю ци-

линдрическую поверхность, что приводит к разрушению обода. По статистическим оценкам надежности приводов энергетических машин с планетарными редукторами поломки эпициклов с внутренними зубьями достигают 23 % от общего числа отказов [12].

Цель и задачи исследования. Цель – разработка метода вероятностного расчета ресурса тонкостенного эпицикла в условиях: сложного напряженного состояния, концентрации напряжений в опасных сечениях, асимметрии цикла напряжений, переменного режима внешней нагрузки.

Для достижения поставленной цели сформулированы и решены следующие задачи:

- установление режимов внешней нагрузки эпицикла ПКР трансмиссии троллейбуса;
- расчет эквивалентных номинальных напряжений;
- определение коэффициентов асимметрии циклов напряжений;
- разработка метода построения диаграммы предельных амплитуд (ДПА) напряжений;
- разработка метода построения кривой усталости для определения ресурса эпицикла при заданной вероятности неразрушения P .

Постановка задачи. Из опыта эксплуатации установлено, что характерные для городского транспорта пикиевые и номинальные эксплуатационные нагрузки могут инициировать зарождение и развитие усталостных трещин деталей тяжело нагруженных ПКР [3]. В результате упругих деформаций элементов зубчатой передачи под нагрузкой и погрешностей изготовления наблюдается концентрация нагрузки на торцах зубьев эпицикла, несмотря на шлицевое соединение с корпусом и плавающую конструкцию опор сателлитов. Возникшие в галтели зуба на торце эпицикла трещины развиваются в радиальном направлении вплоть до выхода на внешнюю цилиндрическую поверхность, а далее – в осевом направлении. После некоторой наработки такие трещины приводят к поперечному излому обода (рис. 1). Характер трещин подтверждает двустороннее нагружение зубьев эпицикла ПКР троллейбуса: на верхнем образце усталостная трещина зародилась на левой галтели зуба; на нижнем образце с двумя трещинами одна – расположена на правой галтели зуба, другая – на противоположной галтели.



Рис. 1 – Фото характерных разрушений образцов эпицикла ПКР Raba 118/77: *a* – усталостные трещины в ободе; *b* – поверхность разрушения (гладкие участки – результат циклического трения берегов трещины при вращении сателлитов, крупнозернистые – зоны долома)

Вероятностные оценки ресурса обода основаны на статистической теории подобия усталостного разруше-

ния Серенсена-Когаева, рекомендованной к применению ГОСТ 25.504-84.

Материалы исследований. Исходные данные по ПКР Raba 118/77: материал эпицикла – сталь 30ХГСА, термообработка – закалка 870 °C, отпуск 600 °C, твердость 270...290 НВ. Механические характеристики материала: пределы текучести и прочности $\sigma_y=550$ МПа, $\sigma_u=717$ МПа, предел выносливости, определяемый при испытаниях стандартных образцов диаметром $d_0=7,5$ мм, $\sigma_{-1}=314$ МПа [8]. Модуль зубьев $m_n=3,25$ мм, угол наклона 0° высота $h=7,3$ мм, число $z=64$, коэффициент смещения $x=0,46$, ширина у основания $S=9$ мм, минимальный радиус кривизны переходной поверхности $\rho=0,2$ мм, рабочая ширина венца $b=60$ мм, толщина обода $\delta=8$ мм, параметр шероховатости переходной поверхности $Rz\leq 25$ мкм.

Эпицикл нагружен вращающим моментом $T_0=4023$ Н·м в зацеплении с тремя сателлитами. На внутренней поверхности обода действуют расчетные напряжения, номинальные значения которых в зоне нагруженного зуба $\sigma_{m1}=-72,5$ МПа, посередине между нагруженными зубьями $\sigma_{m2}=51,6$ МПа [13]. Концентрация напряжений в ободе у основания зубьев учитывается коэффициентом концентрации напряжений $k_\sigma=1,45$ [14].

Номинальная величина напряжений изгиба зубьев $\sigma_{nr}=\pm\sigma_F/Y_F=\pm78,6$ МПа рассчитана по методике ГОСТ 21354-87. При этом $\sigma_F=259,3$ МПа, коэффициент формы зуба $Y_F=3,3$ учитывает концентрацию напряжений у основания [14].

Расчетные напряжения в ободе у основания зуба

$$\sigma_c=K_n\mu_F\sigma_n, \quad (1)$$

где $K_n=1,4$ – коэффициент неравномерности распределения нагрузки между сателлитами [15];

μ_F – коэффициент влияния режима нагружения.

На основании линейной модели суммирования усталостных повреждений Пальмгрена-Майнера [16]

$$\mu_F=\left[\sum_{i=1}^n(\bar{T}_i)^{q_F}\cdot\frac{t_i}{t_\Sigma}\right]^{1/q_F}, \quad (2)$$

где $\bar{T}_i=T_i/T_{max}$ – относительный вращающий момент, определяемый по циклограмме нагружения трансмиссии;

i – число ступеней нагрузки;

t_i – время действия вращающего момента T_i ;

$$t_\Sigma=\sum_{i=1}^n t_i;$$

$q_F=6$ – показатель кривой усталости при твердости поверхности менее 350 НВ.

Для городского цикла эксплуатации троллейбуса характерны три участка: разгон, движение с постоянной скоростью и ЭД-торможение. Наибольшие нагрузки действуют при разгоне, несколько меньшие – при торможении, а при установившемся движении момент нагрузки незначительный. Графики режимов нагружения (рис. 2) построены по результатам натурных испытаний и тензометрирования крутящих моментов на полуоси троллейбуса МАЗ-103Т [3].

Обработкой результатов натурных испытаний [3] установлены значения коэффициента (2) при разгоне троллейбусов $\mu_{Fa}=0,606$ и при ЭД-торможении $\mu_{Fb}=0,549$.

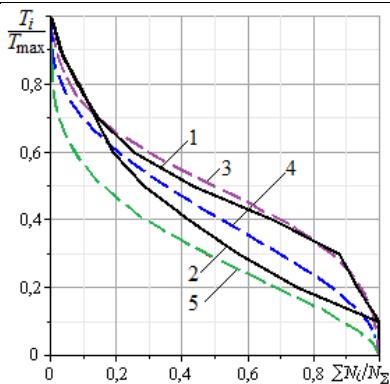


Рис. 2 – Графики режимов нагружения трансмісії при разгоне и ЭД-торможении (кривые 1, 2) и типовых режимов: среднего нормального (3), легкого (4) и особо легкого (5)

В соответствии с принятой расчетной схемой (см. рис. 3) у основания нагруженного зуба имеет место двумерное напряженное состояние.

Эпюра σ_r соответствует режиму разгона, эпюры σ_t – обоим режимам.

Соответствующие эквивалентные напряжения можно определить по теории Губера-Мизеса

$$\sigma_e = \sqrt{\sigma_r^2 - \sigma_r \sigma_t + \sigma_t^2}. \quad (3)$$

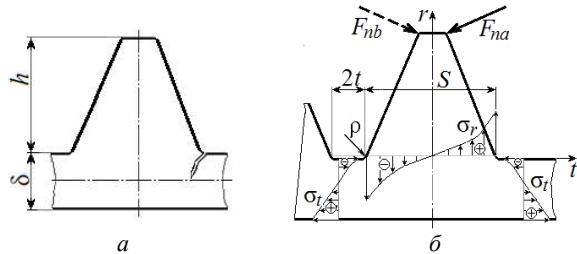


Рис. 3 – Схемы развития усталостной трещины в ободе (а) и расчета напряженного состояния в области нагруженного зуба (б): F_{na} – нормальная сила в зацеплении при разгоне троллейбуса, F_{nb} – при ЭД-торможении

Расчетные по (1) и (3) напряжения являются экстремальными и характеризуют цикл перемены напряжений с различными коэффициентами асимметрии $R = \sigma_{min} / \sigma_{max}$, средними и амплитудными напряжениями σ_m, σ_a . Большинство известных исследований сопротивления усталости выполнено для симметричного и отнулевого циклов перемены напряжений при значениях коэффициента $R = -1$ и $R = 0$.

Авторами предложено выполнять оценку сопро-

тивления усталости не по величинам напряжений σ_m, σ_a , а по напряжениям эквивалентного симметричного цикла σ_{-1eq} , сравнивая эти значения с пределом выносливости детали σ_{-1E} . Для перехода к напряжениям σ_{-1eq} используют диаграммы предельных амплитуд (ДПА – диаграммы Хея) для заданного материала [16]. Наиболее применяемыми являются ДПА, описываемые уравнениями: линейными (авторы Дж. Гудман, К. Зодерберг), параболами 2-й степени (У. Гербер)

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{-1}(1 - k_1 \bar{\sigma}_m - k_2 \bar{\sigma}_m^2); \quad (4)$$

и параболами 3-й степени (Р. Петерсон, Р. Хэйвуд)

$$\bar{\sigma}_a = \frac{\bar{\sigma}_{-1}}{7}[8 - (1 + \bar{\sigma}_m)^3], \quad (5)$$

$$\bar{\sigma}_a = (1 - \bar{\sigma}_m)[A_0 + \chi(1 - A_0)], \quad (6)$$

где $\bar{\sigma}_a = \sigma_a / \sigma_u$, $\bar{\sigma}_m = \sigma_m / \sigma_u$, $\bar{\sigma}_{-1} = \sigma_{-1} / \sigma_u$ – относительные напряжения; k_1 и k_2 – числовые коэффициенты;

$$\chi = \bar{\sigma}_m(2 + \bar{\sigma}_m)/3, \quad A_0 = \frac{1 + 0,0038n^4}{1 + 0,008n^4};$$

n – логарифм числа циклов до разрушения.

Из анализа формулы для параметра A_0 следует, что при любых значениях n диапазон $0,475 \leq A_0 \leq 1$, т.е. предел выносливости ограничен условием $\sigma_{-1} \geq 0,475\sigma_u$, что во многих случаях не реализуется. Предложено уравнение (6) преобразовать в форму, инвариантную относительно числа циклов до разрушения, используя непосредственно предел выносливости σ_{-1} . С учетом выражений для χ и A_0 (6) преобразовано к виду

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{-1} \cdot [1 - (\bar{\sigma}_m + \bar{\sigma}_m^2 + \bar{\sigma}_m^3)/3], \quad (7)$$

что позволяет получить ДПА для сталей при известных величинах σ_u и σ_{-1} . Адекватность уравнения (7) по точности подтверждается сравнением с ДПА по уравнению (4) при $k_1 = k_2 = 0,5$ и по уравнению (5) (рис. 4).

При этом ДПА по уравнению (7) более точно соответствует экспериментальным данным для материала эпизикала стали – 30ХГСА. Следует отметить, что область применимости уравнения (7), как и всех подобных зависимостей, ограничивается диапазоном абсцисс, который образуется на ДПА лучами, проведенными из точек $\bar{\sigma}_m = \pm \bar{\sigma}_y$ под углом 45° (точка $\bar{\sigma}_m = -\bar{\sigma}_y$ на рис. 4 не показана).

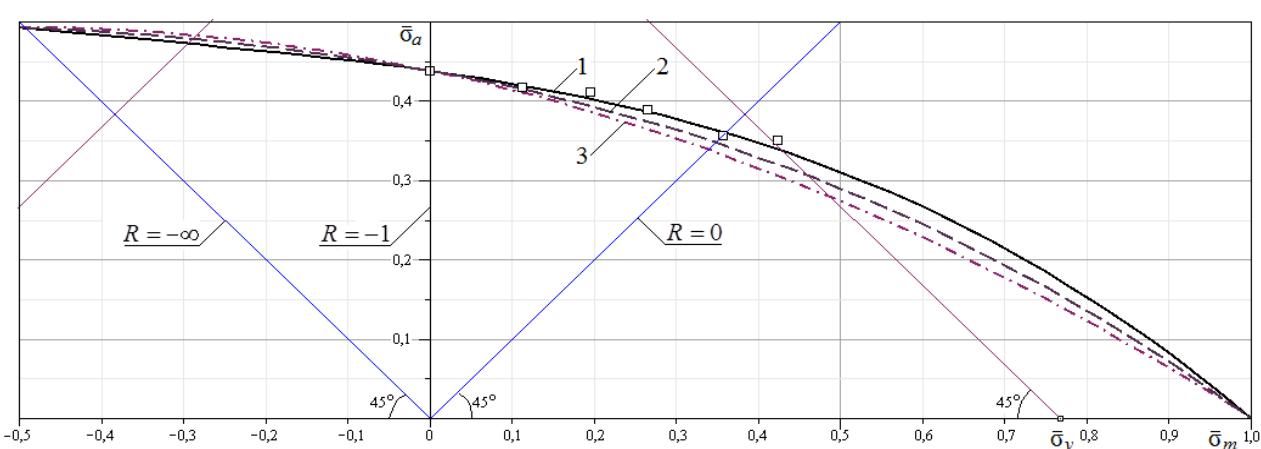


Рис. 4. – Диаграммы предельных амплитуд напряжений для стали 30ХГСА по зависимостям: 1 – Хэйвуда (модифицированная), 2 – Гербера, 3 – Петерсона, \square – экспериментальные значения [8]

Из уравнения (7) получена формула для определения амплитуды эквивалентного симметричного цикла по расчетным значениям σ_m и σ_a ,

$$\sigma_{-1e} = \sigma_a \cdot \left[1 - \left(\bar{\sigma}_m + \bar{\sigma}_m^2 + \bar{\sigma}_m^3 \right) / 3 \right]^{-1}. \quad (8)$$

По формулам (1), (3) установлены номинальные напряжения, действующие на внутренней поверхности эпиплана в зоне галтелей зубьев в режимах разгона и торможения, определены соответствующие значения коэффициента асимметрии R и значения σ_{-1e} (табл. 1).

Таблица 1 – Расчетные напряжения у основания зубьев эпиплана

Параметр, размерность	Галтель слева		Галтель справа	
	Разгон	ЭД-торможение	Разгон	ЭД-торможение
μ_F	0,606	0,549	0,606	0,549
σ_{\max} , МПа	*43,8	100,57	115,06	*39,7
σ_{\min} , МПа	-64,26	-55,7	-61,5	-58,19
R	-1,47	-0,55	-0,53	-1,47
σ_m , МПа	-10,23	+22,44	26,78	-9,24
σ_a , МПа	54,03	78,14	80,28	48,95
σ_{-1e} , МПа	53,78	79,0	81,33	48,74

Примечание: *Напряжения в ободе посередине между нагруженными зубьями по формуле (1)

Для критериальной оценки сопротивления усталости эпиплана расчетные напряжения σ_{-1e} сравнивают с пределом выносливости обода, медианное значение которого σ_{-1E} определяется по величине предела выносливости σ_{-1} стандартных образцов из материала эпиплана

$$\sigma_{-1E} = K_1 \sigma_{-1} / K, \quad (9)$$

где K_1 – коэффициент, учитывающий размеры заготовки, для трубной заготовки Ø273 мм с толщиной стенки $\delta_0 = 34$ мм $K_1 = 1 - 0,21g(\delta_0 / d_0) = 0,869$.

Коэффициент снижения предела выносливости

$$K = [(K_\sigma / K_{d\sigma}) + (1 / K_{F\sigma}) - 1] (K_F K_A)^{-1}, \quad (10)$$

где отношение эффективного коэффициента концентрации напряжений к коэффициенту влияния абсолютных размеров поперечного сечения детали

$$K_\sigma / K_{d\sigma} = 2\alpha_\sigma (1 + \theta^{-v_\sigma})^{-1} \quad (11)$$

Теоретический коэффициент концентрации напряжений (ТКН) $\alpha_\sigma = \sigma_{\max} / \sigma_{\text{ном}}$ по формуле [14]

$$\alpha_\sigma = (1 + 3,25 S / \rho)^{0,22} = 3,0. \quad (12)$$

В формуле (11) относительный критерий подобия усталостного разрушения $\theta = (L_1 / \bar{G}_1) \cdot (\bar{G}_0 / L_0)$. Периоды рабочих сечений в зоне повышенных напряжений равны: для образца при круговом изгибе $L_0 = \pi d_0$; для обода на его внутренней поверхности – удвоенной длине линии зацепления $L_1 = 2b = 120$ мм. Относительные градиенты первого главного напряжения в зоне концентрации $\bar{G}_i = (d\sigma_i / dx) \cdot \sigma_{i\max}^{-1}$. Для стандартного образца $\bar{G}_0 = 2 / d_0$; $L_0 / \bar{G}_0 = \pi d_0^2 / 2 = 88,36$ мм². Для внутренней поверхности обода $\bar{G}_1 = 2,3(1 + \varphi) / \rho + 2 / S = 13,01$ мм⁻¹, $\varphi = (4\sqrt{h/\rho} + 2)^{-1}$, $\theta = 0,1044$.

Коэффициент чувствительности материала к концентрации напряжений и влиянию абсолютных размеров поперечного сечения при изгибе или растяжении-сжатии для конструкционных сталей [11]

$$v_\sigma = 0,211 - 0,000143 \cdot \sigma_B = 0,1085.$$

По формуле (11): $K_\sigma / K_{d\sigma} = 2,643$.

Коэффициенты влияния шероховатости поверхности в формуле (10): $K_{F\sigma} = 1 - 0,22(\lg 0,05 \sigma_B - 1)\lg R_z = 0,829$; влияния поверхностного упрочнения $K_F = 1$ (упрочнение поверхностей не предусмотрено); влияния анизотропии свойств материала обода $K_A = 1 - \sigma_u / 6000 = 0,88$. По полученным значениям найдено $K = 3,228$ и по формуле (8) $\sigma_{-1E} = 84,5$ МПа.

Расчет вероятности усталостного неразрушения. Пределы выносливости обода эпиплана для вероятностей неразрушения P пропорциональны найденному медианному значению $\sigma_{-1E} = \sigma_{-1} = 84,5$ МПа,

$$\sigma_{-1E}^{(P)} = \sigma_{-1E} \cdot (1 - z_p \cdot \gamma_{\sigma_{-1E}}), \quad (13)$$

где z_p – квантиль нормального распределения.

Коэффициент вариации предела выносливости

$$\gamma_{\sigma_{-1E}} = \sqrt{\gamma_{\sigma_{\max}}^2 + \gamma_{\sigma_{-1}}^2 + \gamma_{\alpha\sigma}^2} \quad (14)$$

определяется через отдельные коэффициенты вариации: $\gamma_{\sigma_{\max}}$ – для разрушающих напряжений, $\gamma_{\sigma_{-1}}$ – для пределов выносливости материала, $\gamma_{\alpha\sigma}$ – для ТКН.

При вычисленных значениях θ и v_σ получено

$$\gamma_{\sigma_{\max}} = 0,1(1 + \theta^{v_\sigma})^{-1} = 0,056.$$

Согласно ГОСТ 25.504-82 коэффициент вариации $\gamma_{\sigma_{-1}} = \gamma_{\sigma_u}$, где $\gamma_{\sigma_u} = 0,04 \dots 0,10$ – коэффициент вариации предела прочности металла на множестве всех плавок. Принимаем $\gamma_{\sigma_{-1}} = 0,06$.

Коэффициент вариации ТКН

$$\gamma_{\alpha\sigma} = |\partial\alpha_\sigma / \partial\rho|_0 \cdot (\rho / \alpha_\sigma) \cdot \gamma_\rho, \quad (15)$$

где $\alpha_\sigma = 3,0$; $\rho = 0,2$ мм – приведенные выше медианные значения.

В формуле (15) первый сомножитель – абсолютная величина производной выражения (12) при средних значениях $S = 9,0$ мм, $\rho = 0,2$ мм. Вычисление дает $|\partial\alpha_\sigma / \partial\rho|_0 = 3,289$ мм⁻¹. Последний сомножитель в (15), γ_ρ – коэффициент вариации радиуса ρ . Принято величину отклонения радиуса $\pm 0,06$ мм за $3\Delta_\rho$, где Δ_ρ – среднее квадратическое отклонение величины $\rho = 0,2$. Получено $\Delta_\rho = 0,02$ мм и $\gamma_\rho = 0,02 / 0,2 = 0,1$. По (15) вычислено $\gamma_{\alpha\sigma} = 0,022$. По формуле (14) определен коэффициент $\gamma_{\sigma_{-1E}} = 0,10$. Для некоторых значений вероятности неразрушения P значения пределов выносливости обода $\sigma_{-1E}^{(P)}$ (13) и относительные максимальные напряжения (табл. 2) вычислены по формуле

$$\tilde{\sigma} = \sigma_{-1e} / \sigma_{-1E} \quad (16)$$

Средне вероятностный предел выносливости детали $\sigma_{-1E}^{(50)} = 84,5$ МПа превышает величины эквивалентных напряжений $\sigma_{-1e} = 81,33$ МПа и $\sigma_{-1e} = 79$ МПа

(табл. 1), а при значениях $P > 70\%$ ресурс обода эпцикла оказывается ограниченным.

Таблица 2 – Пределы выносливости обода для заданных значений вероятности неразрушения P

$P, \%$	z_P	$1 - z_P \gamma_{\sigma_{-1}}$	$\sigma_{-1E}^{(P)}, \text{МПа}$	$\tilde{\sigma}(P)$
50	0	1	84,5	1
60	0,253	0,975	82,4	0,975
65	0,385	0,962	81,3	0,962
70	0,524	0,948	80,1	0,948
75	0,674	0,933	78,8	0,932
80	0,842	0,916	77,4	0,916
85	1,036	0,896	75,7	0,896
90	1,282	0,872	73,7	0,872
95	1,645	0,836	70,6	0,836

Для расчета ресурса при величинах $P > 50\%$ используется уравнение левой ветви кривой усталости

$$\sigma^m \cdot N = \sigma_{-1E}^m \cdot N_G, \quad (17)$$

где $N_G = 10^6 \dots 3 \cdot 10^6$ циклов – абсцисса точки перелома кривой усталости для конструкционных сталей. При отсутствии данных натурных усталостных испытаний принимают $N_G = 2 \cdot 10^6$ циклов.

В результате логарифмирования (17) получено

$$\lg N = \lg N_G - m \lg \tilde{\sigma}. \quad (18)$$

Показатель наклона кривой усталости $m = (400 + \sigma_u)/(80K) = 4,325$ в формулах (17, 18) определен по рекомендациям ГОСТ 25.504-82.

Уравнение семейства левых ветвей для вероятностей неразрушения $P > 50\%$

$$\lg N = \lg N_p + z_p \cdot S_{\lg N}, \quad (19)$$

где N_p – количество циклов до разрушения при вероятности P .

Среднее квадратическое отклонение величины $\lg N$ определяется по линейной зависимости

$$\lg(S_{\lg N}) = \alpha + \beta \lg \tilde{\sigma}, \quad (20)$$

где $\alpha = -0,8$ и $\beta = -2,3$ – коэффициенты, полученные экспериментально для среднеуглеродистых конструкционных сталей [11].

Из (18) с учетом (19) и (20) получено уравнение семейства левых ветвей кривой усталости

$$\lg N_p = \lg N_G - m \lg \tilde{\sigma} + z_p \cdot 10^{\alpha + \beta \lg \tilde{\sigma}}. \quad (21)$$

Установлены уровни $(\sigma_{-1d})_p$ горизонтальных ветвей кривых (21) и квантиль z_p для определенной вероятности неразрушения P (табл. 2). Для некоторых значений вероятности неразрушения P кривые усталости обода эпцикла представлены в полулогарифмической форме (рис. 5).

Стрелками показан графический способ нахождения долговечности (ресурса) обода эпцикла N_p . Горизонталь проведена на уровне относительной величины эквивалентного предела выносливости обода эпцикла $\sigma_{-1e}/\sigma_{-1E} = 81,33/84,5 = 0,96$. Абсциссы точек пересечения горизонтали с наклонными ветвями кривых усталости определяют соответствующие величины $\lg N_p$, т.е. ресурс эпцикла по критерию усталостной прочности обода (табл. 3).

Для увеличения ресурса эпцикла предложено уменьшить концентрацию напряжений в галтелях зубьев, увеличив радиус r их переходных поверхностей.

Проблеми механічного приводу

стей. Рекомендовано для изготовления эпцикла использовать долблек с количеством зубьев $z_D = 20$, при этом радиус возрастает от 0,2 мм до 0,46 мм, а ТККН уменьшается до $a_o = 2,5$ [15]. В результате предел выносливости увеличивается до $\sigma_{-1E} = 95,8$ МПа (на 13,4 %), а ресурс – на 43,5 %. Значительное повышение выносливости эпцикла достигается также применением упрочняющих технологий (закалка ТВЧ, азотирование, обкатка роликом и т.п.), что приводит к повышению значений коэффициента K_V до 2...2,5 и соответствующему повышению предела выносливости обода.

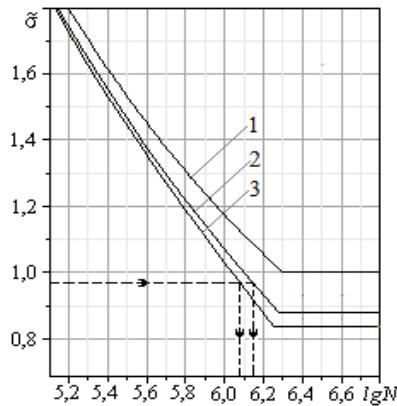


Рис. 5 – Расчетные кривые усталости при определенной вероятности P неразрушения (кривая 1 при $P=50\%$; 2 – 90%; 3 – 95%)

Таблица 3 – Результаты расчета ресурса обода

$P, \%$	50	70	90	95
$\lg N_p$	–	6,20	6,14	6,07
N_p , циклов	∞	$1,58 \cdot 10^6$	$1,38 \cdot 10^6$	$1,17 \cdot 10^6$

Выводы:

1. По опубликованным экспериментальным данным определены режимы нагружения трансмиссии троллейбуса: в стадии разгона – средний нормальный, продолжительность 36 % от всего времени; в стадии ЭД-торможения – легкий, продолжительность 29 %, остальное время – движение с постоянной скоростью.

2. Установлено, что эквивалентные напряжения в галтелях с обеих сторон зуба на стадиях разгона троллейбуса и электродинамического торможения практически одинаковы и могут превышать предел выносливости обода при вероятности неразрушения $P > 70\%$, что приводит к известным из практики случаям усталостного разрушения эпцикла ПКР.

3. Разработан аналитический метод построения диаграммы предельных амплитуд в форме кубической параболы, адекватно отображающей участки ДПА для материала эпцикла во всем диапазоне средних напряжений цикла.

4. Построено семейство вероятностных кривых усталости для тонкостенного обода, что позволило прогнозировать долговечность эпцикла по критерию сопротивления усталости его тонкостенного обода.

5. Обоснованы практические рекомендации по увеличению ресурса эпцикла ПКР технологическими методами.

Список литературы

- Сафонов А. И. Особенности режимов нагружения и направления развития тяговых трансмиссий троллейбусов / А. И. Сафонов // Автомоб. промышл., Минск, 2015. – № 4. – С. 8–15.
- Скобеда А. Т. Анализ надежности деталей дифференциального механизма ведущего моста городского троллейбуса / А. Т. Скобеда, А. В. Илларионов // Республ. межвед. сб. науч. тр. – Минск: Машиностроение, 2005. – Т. 2. – С. 29–32.
- Руктешель О. С. Исследование нагруженности трансмиссии троллейбуса / О. С. Руктешель, С. М. Минюкович Ан. А. Захарик [и др.] // Вестник БНТУ, Минск, 2006. – № 6. – С. 48–51.

4. *Madia M.* An investigation on the influence of rotary bending and press fitting on stress intensity factors and fatigue crack growth in railway axles / M. Madia, S. Beretta, U. Zerbst // *Engineering Fracture Mechanics*, 2008. – Vol. 75. – P. 1906–1920.
5. *Ariza J. M.* Tensiones en ejes huecos con una grieta superficial bajo flexión rotativa / J. M. Ariza, S. S. Gutyría, Y. M. Jomyak // *Revista DYNA*, 2014. – Vol. 89, № 1. – P. 85–88.
6. *Біблік І.В.* Оцінка показателей надежності на основі вероятностного суммірювання усталостних повреждень / І. В. Біблік // *Аерокосмічна техніка і технологія*, 2013. – № 9 (106). – С. 183–187.
7. *Желудовський А. В.* Оцінка запаса прочності деталей машин, подвержені асиметричному нагруження / А. В. Желудовський, А. Д. Погребняк, М. Н. Регульський [и др.] // *Вест.-Европ. ж. передов. технол.*, 2013. – № 6/7 (66). – С. 8–12.
8. *Пельх В. Н.* Методологія оцінки предельного состояния конструкционных материалов в условиях комбинированного многоциклического асимметричного нагружения / Пельх В. Н., Погребняк А. Д., Регульский М. Н., Касперская В. В. // Проблеми тертя та зношування: наук.-техн. зб. – К.: НАУ, 2011. – Вип. 56. – С. 113–126.
9. *Савкін А. Н.* Оцінка довговечності матеріала конструкційного елемента автомобіля при слічайному нагруженні / А. Н. Савкін, А. А. Седов, А. В. Андронік, К. А. Бадиков // *Ізвестія ВолГТУ*, 2015. – № 4(162). – С. 55–61.
10. *Poliakov B. N.* Fatigue properties of the material of large-sized details / Poliakov B. N. // *Металургич. и горноруд. промышл.*, 2015. – 7. – С. 76–82.
11. *Zheglova V.* Numerical and analytical evaluation of service life of the details axial piston hydraulic machines with complicated configuration under cyclic loading / V. Zheglova, Yu. Kholmik S. Medvedev, I Nikolenko // *Procedia Engineering*, 2017. – Vol. 176. – P. 557–566.
12. *Державець Ю. А.* Експериментальні исследования изгибной прочности тонкостенных зубчатых колес / Ю. А. Державець, О. Н. Чарський. // *Детали машин. Респ.межвед.науч.-техн. сб.*, Київ, Техніка, 1990. – Вип. 51. – С. 25–29.
13. *Гутиря С. С.* Аналітическое моделирование и прочностной расчет эпипицкли планетарного редуктора / С. С Гутиря, Ю. М Хомяк, В. М Жеглов, А. Н Чанчин // Вісник НТУ "ХПІ". Серія: Проблеми механічного приводу. – Х. : НТУ "ХПІ", 2016. – №23 (1195). – С. 29–36.
14. *Устиненко В. Л.* Напряженное состояние зубьев цилиндрических прямозубых колес. / В. Л. Устиненко. – М., Машиностроение, 1972. – 92 с.
15. *Пивоваров А. О.* Совершенствование планетарной передачи механизма поворота сельскохозяйственного трактора Четра-6 / А. О. Пивоваров, В. П. Шевчук // Междунар. студ. научн. вестник, 2014. – № 4. – С. 4–50
16. *Nicholas T.* High cycle fatigue. A mechanics of materials perspective. / T Nicholas. – Elsevier, 2006. – 657 p.

Bibliography (transliterated)

1. Safonov A. I. Osobennosti rezhimov nagruzheniya i napravleniya razvitiyu tyagovyh transmissij trolleybusov [Features of loading conditions and the directions of traction transmission trolleybus development]. *Avtomob. Promyshl.*, Minsk, 2015, no. 4, pp. 8–15.
2. Skojbeda A. T., Illarionov A. V. Analiz nadezhnosti detalej differencial'nogo mekhanizma vedushchego mosta gorodskogo trolleybusa [Analysis of the reliability of the details of the differential mechanism of the leading bridge of the city trolleybus]. *Respubl. mezhev. sb. nauch. tr.* [Republican interdepartmental bulletin of scientific works], Minsk, Mashinostroenie Publ., 2005, vol. 2, pp. 29–32.
3. Rukteshel' O. S., Minyukovich S. M., Zaharik An. A. i dr. Issledovanie
4. Madia M., Beretta S., Zerbst U. An investigation on the influence of rotary bending and press fitting on stress intensity factors and fatigue crack growth in railway axles. *Engineering Fracture Mechanics*, 2008, vol. 75, pp. 1906–1920.
5. Ariza J. M., Gutyría S. S., Jomyak Y. M. Tensiones en ejes huecos con una grieta superficial bajo flexión rotativa. *Revista DYNA*, 2014, vol. 89, no. 1, pp. 85–88.
6. Biblik I. V. Ocena pokazatelej nadezhnosti na osnove veroyatnostnogo summirovaniya ustalostnyh povrezhdenij [Evaluation of reliability indicators based on probabilistic summation of fatigue damage]. *Aerokosmicheskaya tekhnika i tekhnologiya* [Aerospace engineering and technology], 2013, no. 9 (106), pp. 183–187.
7. Zheludovskij A. V., Pogrebnyak A. D., Regul'skij M. N. i dr. Ocena zapasa prochnosti detailej mashin, podverzhennyh asimmetrichnomu nagruzheniyu [Evaluation of the safety factor of machine parts subject to asymmetric loading]. *Vest.-Evrop. zh. peredov. tekhnol.*, 2013, no. 6/7 (66), pp. 8–12.
8. Pelyh V. N., Pogrebnyak A. D., Regul'skij M. N., Kasperskaya V. V. Metodologiya ocenki predel'nogo sostoyaniya konstrukcionnyh materialov v usloviyah kombinirovannogo mnogociklovogo asimmetrichnogo nagruzheniya [Methodology for estimating the limiting state of structural materials under conditions of combined multi-cycle asymmetric loading]. *Problemi tertia ta znoshuvannya: nauk.-tekhn. zb.* [Problems of friction and wear. Scientific and technical bulletin], Kiev, "NAU" Publ., 2011, vol. 56, pp. 113–126.
9. Savkin A. N., Sedov A. A., Andronik A V., Badikov K. A. Ocena dolgoechnosti materiala konstrukcionnogo elementa avtomobilya pri sluchajnom nagruzhenii [Estimating the longevity of the material of the structural element of a car under accidental loading]. *Izvestiya VolgGTU*, 2015, no. 4(162), pp. 55–61.
10. Poliakov B. N. Fatigue properties of the material of large-sized details. *Metalurgich. i gornorud. promyshl.*, 2015, no 7, pp. 76–82.
11. Zheglova V., Kholmik Yu., Medvedev S., Nikolenko I. Numerical and analytical evaluation of service life of the details axial piston hydraulic machines with complicated configuration under cyclic loading. *Procedia Engineering*, 2017, vol. 176, pp. 557–566.
12. Derzhavets Yu A. Charskij O. N. Eksperimental'nye issledovaniya izgibnoj prochnosti tonkostennyh zubchaty koles [Experimental studies of the flexural strength of thin-walled gears]. *Detali mashin. Resp. mezhev. nauch.-tekhn. sb.* [Machine elements. Republican interdepartmental scientific and technical bulletin], Kiev, Technica Publ., 1990, no. 51, pp. 25–29.
13. Gutyría S S., Homyak Yu. M., Zheglova V. M., Chanchin A. N. Analiticheskoe modelirovaniye i prochnostnoj raschet epicykla planetarnogo reduktora [Analytical modeling and strength calculation of an epicycle of a planetary gear]. *Visnik NTU "KhPI" Seriya: Problemy mehanichnogo privodu* [Bulletin of the Kharkov Polytechnic Institute]. Kharkov, NTU "KhPI" Publ., 2016, no. 23, pp. 29–36.
14. Ustinenko V. L. Napryazhennoe sostoyanie Zub'ev cilindricheskikh prymozubyh koles. [Stressed condition of cylindrical straight-toothed teeth]. Moscow, Mashinostroenie Publ., 1972, 92 p.
15. Pivovarov A. O., Shevchuk V. P. Sovershenstvovanie planetarnoj peredachi mehanizma poverota sel'skohozyajstvennogo traktora Chetra-6 [Improvement the planetary gear of a turning-mechanism of an agricultural tractor Chetra-6]. *Mezdunar. stud. nauchn. vestnik* [International student's scientific bulletin], 2014, no. 4, pp. 4–50.
16. Nicholas T. High cycle fatigue. A mechanics of materials perspective. – Elsevier, 2006. – 657 p.

*Поступила (received) 08.06.2017***Бібліографічні описи / Библиографические описания / Bibliographic descriptions**

Ймовірнісний аналіз втомної міцності епіциклу колісного редуктора тролейбуса / С. С. Гутиря, С. О. Медведєв, Ю. М. Хомяк, А. М. Чанчин // Вісник НТУ "ХПІ". Серія: Проблеми механічного приводу. – Х. : НТУ "ХПІ", 2017. – № 25 (1247). – С. 37–43. – Бібліогр.: 16 назв. – ISSN 2079-0791.

Вероятностный анализ усталостной прочности эпипицкли колесного редуктора троллейбуса / С. С. Гутиря, С. А. Медведев, Ю. М. Хомяк, А. Н. Чанчин // Вісник НТУ "ХПІ". Серія: Проблеми механічного приводу. – Х. : НТУ "ХПІ", 2017. – № 25 (1247). – С. 37–43. – Бібліогр.: 16 назв. – ISSN 2079-0791.

Probabilistic analysis of fatigue durability of an epicycle of a wheel gearbox of the trolleybus / S. S. Gutyría, S. A. Medvedev, Yu. M. Khomiak, A. M. Chanchin // Bulletin of NTU "KhPI". Series: Problem of mechanical drive. – Kharkiv : NTU "KhPI", 2017. – No. 25 (1247). – P. 37–43. – Bibliogr.: 16. – ISSN 2079-0791.

Відомості про авторів / Сведения об авторах / About the Authors

Гутиря Сергій Семенович – доктор технічних наук, професор, Одеський національний політехнічний університет, директор Українсько-іспанського інституту; тел.: (048) 705-84-92; e-mail: hutyría@opu.ua.

Гутиря Сергей Семенович – доктор технических наук, профессор, Одесский национальный политехнический университет, директор Украинско-испанского института; тел.: (048) 705-84-92; e-mail: hutyría@opu.ua.

Gutyría Sergiy Semenovich – Doctor of Technical Sciences, Full Professor, Odessa National Polytechnic University, Director of Ukraine-Spanish Institute; tel.: (048) 705-84-92; e-mail: hutyría@opu.ua.

Медведєв Станіслав Олександрович – кандидат технічних наук, доцент, Одеський національний морський університет, доцент кафедри "Машинознавство"; тел.: (067) 480-50-64; e-mail: s.medvedev1944@gmail.com.

Медведєв Станіслав Александрович – кандидат технических наук, доцент, Одесский национальный морской университет, доцент кафедры "Машиноведение"; тел.: (067) 480-50-64; e-mail: s.medvedev1944@gmail.com.

Medvedev Stanislav Aleksandrovych – Candidate of Technical Sciences (Ph. D.), Docent, Odessa National Maritime University, Associate Professor at the Department of "Engineering science"; tel.: (067) 480-50-64; e-mail: s.medvedev1944@gmail.com.

Хомяк Юрій Методійович – кандидат технічних наук, доцент, Одеський національний політехнічний університет, кафедра "Нафтогазове та хімічне машинобудування"; тел.: (048) 795-44-51; e-mail: jomiak38@gmail.com.

Хомяк Юрій Методиєвич – кандидат технических наук, доцент, Одесский национальный политехнический университет, доцент кафедры "Нефтегазовое и химическое машиностроение"; тел.: (048) 795-44-51; e-mail: jomiak38@gmail.com.

Khomiak Yuriy Mefodijovich – Candidate of Technical Sciences (Ph. D.), Docent, Odessa National Polytechnic University, Associate Professor at the Department of "Oil, Gas and Chemical Engineering"; tel.: (048) 795-44-51; e-mail: jomiak38@gmail.com.

Чанчин Андрій Миколайович – магістр, Одеський національний політехнічний університет, асистент кафедри машинознавства і деталей машин; e-mail: rafaill2@rambler.ru.

Чанчин Андрей Николаевич – магистр, Одесский национальный политехнический университет, асистент кафедры машиноведения и деталей машин; e-mail: rafaill2@rambler.ru.

Chanchin Andrey Mykolajovich – Master, Odessa National Polytechnic University, Assistant at the Department of Engineering science and machine elements; Odessa, Ukraine; e-mail: rafaill2@rambler.ru.

УДК 531.8.621.771.06/778.1

І. В. ДОБРОВ, Р. П. ПОГРЕБНЯК

СТРУКТУРНЫЙ АНАЛИЗ СХЕМ МАШИН ОБРАБОТКИ МЕТАЛЛОВ ДАВЛЕНИЕМ

По результатам конференции "Механика машин – основная составляющая прикладной механики", посвященной памяти С. Н. Кожевникова.

Проведений структурний аналіз кінематичних схем машин обробки металів тиском, що містять зовнішні кінематичні пари із твердої ланки та тіла, що пластиично деформується. Визначені внутрішні та зовнішні надлишкові зв'язки. Отримані додаткові рівняння рівноваги сил і балансу потужності сил тертя ковзання в осередку деформування для описання псевдокінематичного зв'язку "обертання інструменту – поступальний рух заготовки".

Ключові слова: кінематична схема, надлишкові зв'язки, зовнішні зв'язки, баланс потужностей.

Проведен структурный анализ кинематических схем машин обработки металлов давлением, которые содержат внешние кинематические пары из твердого и пластиически деформируемого звена. Определены внутренние и внешние избыточные связи. Получены дополнительные уравнения равновесия сил и баланса мощностей сил трения в очаге деформации для описания псевдокинематической связи "вращение инструмента – поступательное движение заготовки".

Ключевые слова: кинематическая схема, избыточные связи, внешние связи, баланс мощностей.

It is proposed to include in the kinematic scheme of machines of working metals by pressure the deformation area in the form of external kinematic pair that consists of rigid body (tool) and plastically deformed body (stock). In the accordance with method of prof. Ozols it is analyzed the structure of the typical scheme of mechanism of machine of working metals by pressure with variable structure and it is determined the external and internal redundant connections. During the steady process of deformation the sliding velocity in the external kinematic pair "tool – stock" is uneven. This velocity is determined using the condition of constant volume of the deformed material of the stock when the velocity of displacement of contact surface of the tool is constant and the velocity of displacement of material of the stock in the deformation area is variable. It is received additional equations for the description of pseudo-kinematic friction connections "rotation of the tool – motion of the stock along a line" by the methods of applied mechanics on basis of analyze of this external pair.

Keywords: kinematic scheme; redundant connections, external connections, power balance.

Введение. Расширенный принцип образования механизмов, предусматривающий кроме твердых несвободных тел включать в состав механизма и деформируемые тела [1], позволяет рассматривать строение машин обработки металлов давлением (ОМД) с учетом пластиически деформируемой заготовки. Под деформируемыми телами понимают такие, деформируемость которых необходима для выполнения требуемых функций механизма. Поэтому, машины для процессов ОМД могут и должны включать в свой состав пластиически деформируемую заготовку, ради деформации (изменения геометрии) которой и приданнию ей определенных потребительских (физико-механических) свойств создается та или иная машина (стан, пресс, молот и т.д.).

Отсутствие заготовки в очаге деформации, образующем кинематическую пару инструмент-заготовка, однозначно переводит это изделие в разряд механизмов, которые согласно теории механизмов и машин не предназначены для выполнения работы, а служат только для передачи от ведущего звена ведомому звену определенного характера движения или усилия. При этом в механике машин наиболее изучены и продолжают совершенствоваться различные кинематические пары, состоящие в основном из твердых тел, твердого и гибкого (упругого деформируемого) тел, твердого тела и жидкости. В то же время вопросы исследования кинематических пар, содержащих твердое и пластиически деформируемые тела, в механике машин остаются открытыми.

© И.В. Добров, Р.П. Погребняк, 2017